

## ENEM 2017 2º dia - Prova Rosa

### Questão 091

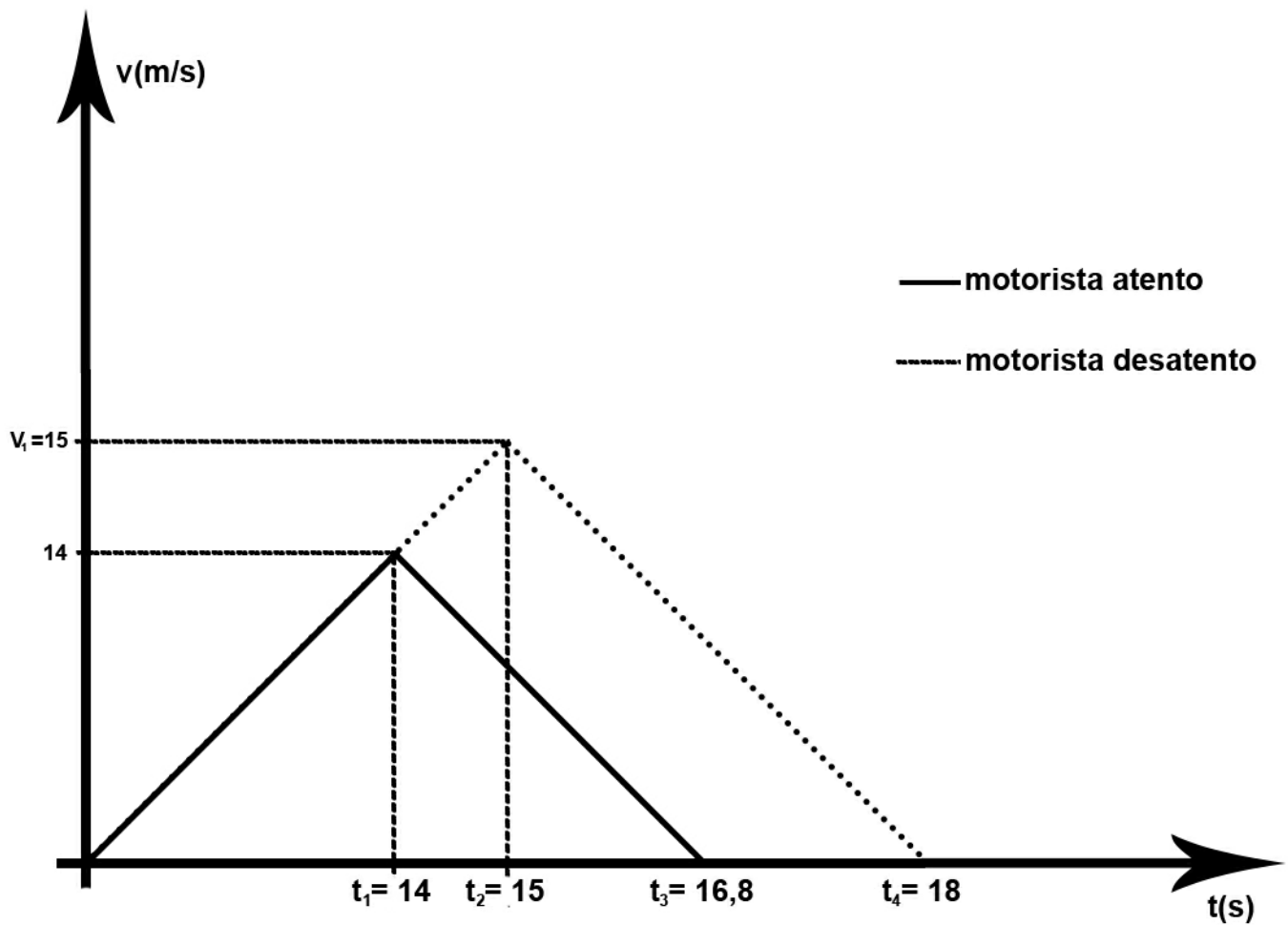
Um motorista que atende a uma chamada de celular é levado à desatenção, aumentando a possibilidade de acidentes ocorrerem em razão do aumento de seu tempo de reação. Considere dois motoristas, o primeiro atento e o segundo utilizando o celular enquanto dirige. Eles aceleraram seus carros inicialmente a  $1,00 \text{ m/s}^2$ . Em resposta a uma emergência, freiam com uma desaceleração igual a  $5,00 \text{ m/s}^2$ . O motorista atento aciona o freio à velocidade de  $14,0 \text{ m/s}$ , enquanto o desatento, em situação análoga, leva  $1,00$  segundo a mais para iniciar a frenagem.

Que distância o motorista desatento percorre a mais do que o motorista atento, até a parada total dos carros?

- A) 2,90 m
- B) 14,0 m
- C) 14,5 m
- D) 15,0 m
- E) 17,4 m

### Resolução:

Para determinar a diferença de distância pedida, é recomendável utilizar o gráfico de velocidade em função do tempo ( $v \times t$ ):



Sendo  $t_1$ ,  $t_2$ ,  $t_3$ ,  $t_4$  e  $v_1$  determinados a seguir:

$$\begin{array}{ccccc}
 t_1 & t_2 & t_3 & v_1 & t_4 \\
 a = \frac{\Delta v}{\Delta t} & t_2 = t_1 + 1 & a = \frac{\Delta v}{\Delta t} & a = \frac{\Delta v}{\Delta t} & a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \\
 1 = \frac{14 - 0}{t_1 - 0} & t_2 = 15 \text{ s} & -5 = \frac{0 - 14}{t_3 - 14} & 1 = \frac{v_1 - 0}{15 - 0} & -5 = \frac{0 - 15}{t_4 - 15} \\
 t_1 = 14 \text{ s} & & t_3 = 16,8 \text{ s} & v_1 = 15 \text{ m/s} & t_4 = 18 \text{ s}
 \end{array}$$

Agora, é possível determinar a distância pedida com a diferença entre a área do triângulo maior (determinado pelo gráfico do movimento do motorista desatento) e a área do triângulo menor (determinado pelo gráfico do movimento do motorista atento).

$$\text{Distância} = D = A_{\Delta\text{maior}} - A_{\Delta\text{menor}}$$

$$D = \left( \frac{18 \cdot 15}{2} \right) - \left( \frac{16,8 \cdot 14}{2} \right)$$

$$\therefore D = 17,4 \text{ m}$$

### Questão 092

Uma das estratégias para conservação de alimentos é o salgamento, adição de cloreto de sódio (NaCl), historicamente utilizado por tropeiros, vaqueiros e sertanejos para conservar carnes de boi, porco e peixe.

O que ocorre com as células presentes nos alimentos preservados com essa técnica?

- A O sal adicionado diminui a concentração de solutos em seu interior.
- B O sal adicionado desorganiza e destrói suas membranas plasmáticas.
- C A adição de sal altera as propriedades de suas membranas plasmáticas.
- D Os íons  $\text{Na}^+$  e  $\text{Cl}^-$  provenientes da dissociação do sal entram livremente nelas.
- E A grande concentração de sal no meio extracelular provoca a saída de água de dentro delas.

### Resolução:

A adição do NaCl aumenta a concentração da solução. Assim, a água migra do citoplasma (solução menos concentrada) para o meio externo, que é mais concentrado.

### Questão 093

Para demonstrar o processo de transformação de energia mecânica em elétrica, um estudante constrói um pequeno gerador utilizando:

- um fio de cobre de diâmetro  $D$  enrolado em  $N$  espiras circulares de área  $A$ ;
- dois ímãs que criam no espaço entre eles um campo magnético uniforme de intensidade  $B$ ; e
- um sistema de engrenagens que lhe permite girar as espiras em torno de um eixo com uma frequência  $f$ .

Ao fazer o gerador funcionar, o estudante obteve uma tensão máxima  $V$  e uma corrente de curto-circuito  $i$ .

Para dobrar o valor da tensão máxima  $V$  do gerador mantendo constante o valor da corrente de curto  $i$ , o estudante deve dobrar o(a)

- A** número de espiras.
- B** frequência de giro.
- C** intensidade do campo magnético.
- D** área das espiras.
- E** diâmetro do fio.

### Resolução:

A ddp induzida, em módulo, fornecida pelo gerador:

$$|E_{\text{ind}}| = \left| \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \right|$$

E, para  $N$  espiras, o fluxo do campo magnético:

$$\phi = N \cdot B \cdot A \cdot \cos\theta$$

A princípio, qualquer alteração de uma das variáveis expressas acima poderia oferecer uma mudança na ddp. Entretanto, o enunciado propõe que não haja alteração na corrente elétrica. A partir da corrente de curto-circuito do gerador:

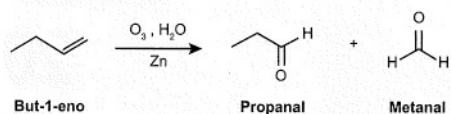
$$i_{\text{cc}} = \frac{E_{\text{ind}}}{r}$$

É possível perceber que a ddp induzida deverá aumentar na mesma proporção que a resistência interna. Dessa forma, a única opção correta é dobrar o número de espiras, pois obteríamos ao mesmo tempo o dobro da ddp induzida e da resistência interna do gerador.

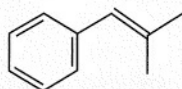


### Questão 094

A ozonólise, reação utilizada na indústria madeireira para a produção de papel, é também utilizada em escala de laboratório na síntese de aldeídos e cetonas. As duplas ligações dos alcenos são clivadas pela oxidação com o ozônio ( $O_3$ ), em presença de água e zinco metálico, e a reação produz aldeídos e/ou cetonas, dependendo do grau de substituição da ligação dupla. Ligações duplas dissubstituídas geram cetonas, enquanto as ligações duplas terminais ou monossubstituídas dão origem a aldeídos, como mostra o esquema.



Considere a ozonólise do composto 1-fenil-2-metilprop-1-eno:



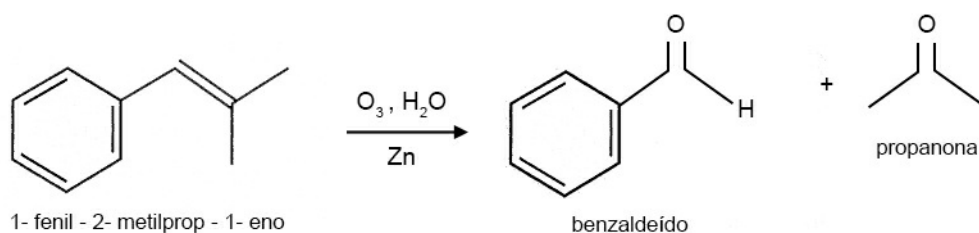
1-fenil-2-metilprop-1-eno

MARTINO, A. Química, a ciência global. Goiânia: Editora W, 2014 (adaptado).

Quais são os produtos formados nessa reação?

- A Benzaldeído e propanona.
- B Propanal e benzaldeído.
- C 2-fenil-etanal e metanal.
- D Benzeno e propanona.
- E Benzaldeído e etanal.

Resolução:



### Questão 095

A terapia celular tem sido amplamente divulgada como revolucionária, por permitir a regeneração de tecidos a partir de células novas. Entretanto, a técnica de se introduzirem novas células em um tecido, para o tratamento de enfermidades em indivíduos, já era aplicada rotineiramente em hospitais.

A que técnica refere-se o texto?

- A Vacina.
- B Biópsia.
- C Hemodiálise.
- D Quimioterapia.
- E Transfusão de sangue.

### Resolução:

Dentre as técnicas apresentadas, a única em que ocorre a transferência de células vivas de uma pessoa para outra é pela transfusão de sangue.

### Questão 096

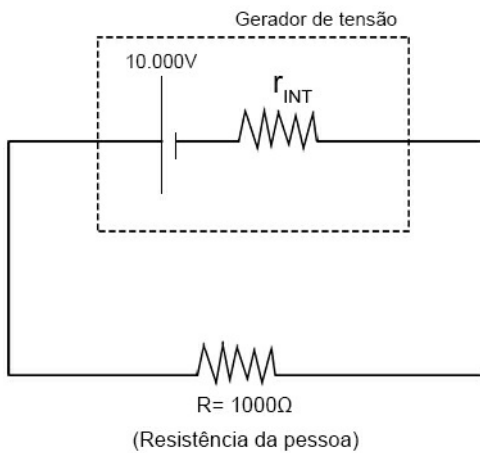
Em algumas residências, cercas eletrificadas são utilizadas com o objetivo de afastar possíveis invasores. Uma cerca eletrificada funciona com uma diferença de potencial elétrico de aproximadamente 10 000 V. Para que não seja letal, a corrente que pode ser transmitida através de uma pessoa não deve ser maior do que 0,01 A. Já a resistência elétrica corporal entre as mãos e os pés de uma pessoa é da ordem de 1 000  $\Omega$ .

Para que a corrente não seja letal a uma pessoa que toca a cerca eletrificada, o gerador de tensão deve possuir uma resistência interna que, em relação à do corpo humano, é

- A praticamente nula.
- B aproximadamente igual.
- C milhares de vezes maior.
- D da ordem de 10 vezes maior.
- E da ordem de 10 vezes menor.

### Resolução:

A situação apresentada na questão pode ser representada pelo esquema a seguir:



Para que a corrente não seja letal, ela deve possuir valor máximo de 0,01 A. De acordo com a Lei de Pouillet, tem-se:

$$i = \frac{E}{R + r_{int}} \rightarrow 0,01 = \frac{10000}{1000 + r_{int}} \therefore r_{int} \cong 10^6 \Omega$$

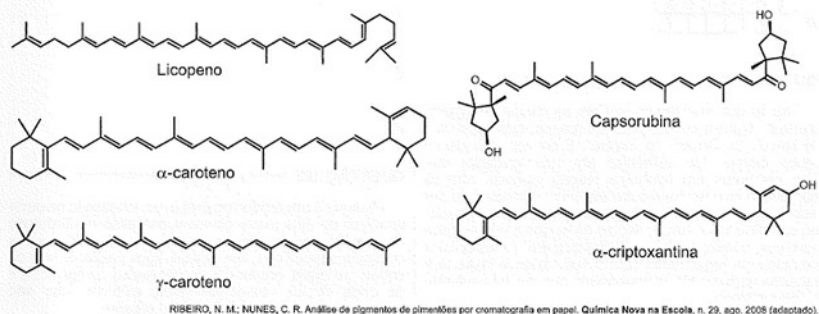
Comparando-se o valor da resistência interna com a resistência da pessoa, tem-se:

$$\frac{r_{int}}{R} = \frac{10^6}{10^3}$$
$$\therefore r_{int} = 1000 \cdot R$$

### Questão 097

A cromatografia em papel é um método de separação que se baseia na migração diferencial dos componentes de uma mistura entre duas fases imiscíveis. Os componentes da amostra são separados entre a fase estacionária e a fase móvel em movimento no papel. A fase estacionária consiste de celulose praticamente pura, que pode absorver até 22% de água. É a água absorvida que funciona como fase estacionária líquida e que interage com a fase móvel, também líquida (partição líquido-líquido). Os componentes capazes de formar interações intermoleculares mais fortes com a fase estacionária migram mais lentamente.

Uma mistura de hexano com 5% (v/v) de acetona foi utilizada como fase móvel na separação dos componentes de um extrato vegetal obtido a partir de pimentões. Considere que esse extrato contém as substâncias representadas.



RIBEIRO, N. M.; NUNES, C. R. Análise de pigmentos de pimentões por cromatografia em papel. Química Nova na Escola, n. 29, ago. 2008 (adaptado).

A substância presente na mistura que migra mais lentamente é o(a)

- A lycopeno.
- B  $\alpha$ -caroteno.
- C  $\gamma$ -caroteno.
- D capsorubina.
- E  $\alpha$ -criptoxantina.

### Resolução:

De acordo com o texto, compostos capazes de formar interações intermoleculares mais fortes com a fase estacionária (celulose/ $H_2O$ ) migram mais lentamente. Dentre as substâncias apresentadas, a Capsorubina é a que apresenta maior número de átomos de oxigênio, capazes de realizar ligações de hidrogênio com a fase estacionária.

### Questão 098

A reação em cadeia da polimerase (PCR, na sigla em inglês) é uma técnica de biologia molecular que permite replicação *in vitro* do DNA de forma rápida. Essa técnica surgiu na década de 1980 e permitiu avanços científicos em todas as áreas de investigação genômica. A dupla hélice é estabilizada por ligações hidrogênio, duas entre as bases adenina (A) e timina (T) e três entre as bases guanina (G) e citosina (C). Inicialmente, para que o DNA possa ser replicado, a dupla hélice precisa ser totalmente desnaturada (desenrolada) pelo aumento da temperatura, quando são desfeitas as ligações hidrogênio entre as diferentes bases nitrogenadas.

Qual dos segmentos de DNA será o primeiro a desnaturar totalmente durante o aumento da temperatura na reação de PCR?

- A**

G	G	C	C	T	T	C	G
C	C	G	G	A	A	G	C
- B**

C	C	T	C	G	A	C	T
G	G	A	G	C	T	G	A
- C**

A	A	T	T	C	C	T	A
T	T	A	A	G	G	A	T
- D**

T	T	A	C	G	G	C	G
A	A	T	G	C	C	G	C
- E**

C	C	T	A	G	G	A	A
G	G	A	T	C	C	T	T

### Resolução:

Para desnaturar totalmente a dupla fita do DNA, todas as ligações de hidrogênio devem ser rompidas. Como "A" e "T" formam apenas duas ligações, no segmento do DNA em que essas bases estiverem presentes em maior quantidade a desnaturação será mais rápida.

### Questão 099

No ar que respiramos existem os chamados "gases inertes". Trazem curiosos nomes gregos, que significam "o Novo", "o Oculto", "o Inativo". E de fato são de tal modo inertes, tão satisfeitos em sua condição, que não interferem em nenhuma reação química, não se combinam com nenhum outro elemento e justamente por esse motivo ficaram sem ser observados durante séculos: só em 1962 um químico, depois de longos e engenhosos esforços, conseguiu forçar "o Estrangeiro" (o xenônio) a combinar-se fugazmente com o flúor ávido e vivaz, e a façanha pareceu tão extraordinária que lhe foi conferido o Prêmio Nobel.

LEVI, P. A tabela periódica. Rio de Janeiro: Relume-Dumará, 1994 (adaptado).

Qual propriedade do flúor justifica sua escolha como reagente para o processo mencionado?

- A Densidade.
- B Condutância.
- C Eletronegatividade.
- D Estabilidade nuclear.
- E Temperatura de ebulição.

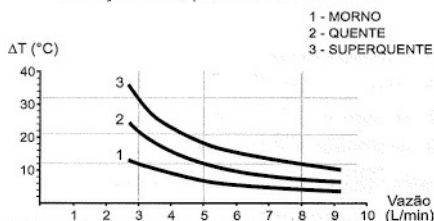
### Resolução:

O xenônio (um gás nobre) possui baixa tendência para doar ou compartilhar elétrons. Para que o xenônio se ligue a outro elemento químico, este deve possuir uma grande capacidade de atrair elétrons. Assim, a formação da ligação covalente entre xenônio e flúor ocorre devido à grande eletronegatividade do flúor.

### Questão 100

No manual fornecido pelo fabricante de uma ducha elétrica de 220 V é apresentado um gráfico com a variação da temperatura da água em função da vazão para três condições (morno, quente e superquente). Na condição superquente, a potência dissipada é de 6 500 W. Considere o calor específico da água igual a 4 200 J/(kg °C) e densidade da água igual a 1 kg/L.

Elevação de temperatura × Curva vazão



Com base nas informações dadas, a potência na condição morno corresponde a que fração da potência na condição superquente?

- A  $\frac{1}{3}$
- B  $\frac{1}{5}$
- C  $\frac{3}{5}$
- D  $\frac{3}{8}$
- E  $\frac{5}{8}$

### Resolução:

A potência térmica utilizada para o aquecimento da água que flui pelo chuveiro é dada pela seguinte expressão:

$$P = \frac{|Q|}{\Delta t} = \frac{m \cdot c \cdot \Delta T}{\Delta t}$$

Utilizando as definições de densidade e vazão, pode-se reescrever a expressão anterior como segue:

$$\left. \begin{aligned} d &= \frac{m}{v} \\ z &= \frac{v}{\Delta t} \\ P &= \frac{m \cdot c \cdot \Delta T}{\Delta t} \end{aligned} \right\} \Rightarrow P = d \cdot z \cdot c \cdot \Delta T$$

Essa expressão mostra que, para uma dada vazão, a potência é diretamente proporcional à variação de temperatura.

$$\frac{P_M}{\Delta T_M} = \frac{P_{SQ}}{\Delta T_{SQ}} \Rightarrow \frac{P_M}{P_{SQ}} = \frac{\Delta T_M}{\Delta T_{SQ}}$$

Analisando-se o gráfico fornecido, quando a vazão for 3 L/min, tem-se que  $\Delta T_M = 12^\circ\text{C}$  e  $\Delta T_{SQ} = 32^\circ\text{C}$ . Logo, a razão entre as potências será:

$$\frac{P_M}{P_{SQ}} = \frac{12}{32}$$

$$\therefore \frac{P_M}{P_{SQ}} = \frac{3}{8}$$

### Questão 101

A retina é um tecido sensível à luz, localizado na parte posterior do olho, onde ocorre o processo de formação de imagem. Nesse tecido, encontram-se vários tipos celulares específicos. Um desses tipos celulares são os cones, os quais convertem os diferentes comprimentos de onda da luz visível em sinais elétricos, que são transmitidos pelo nervo óptico até o cérebro.

Disponível em: [www.portaldaregina.com.br](http://www.portaldaregina.com.br). Acesso em: 13 Jun. 2012 (adaptado).

Em relação à visão, a degeneração desse tipo celular irá

- A comprometer a capacidade de visão em cores.
- B impedir a projeção dos raios luminosos na retina.
- C provocar a formação de imagens invertidas na retina.
- D causar dificuldade de visualização de objetos próximos.
- E acarretar a perda da capacidade de alterar o diâmetro da pupila.

### Resolução:

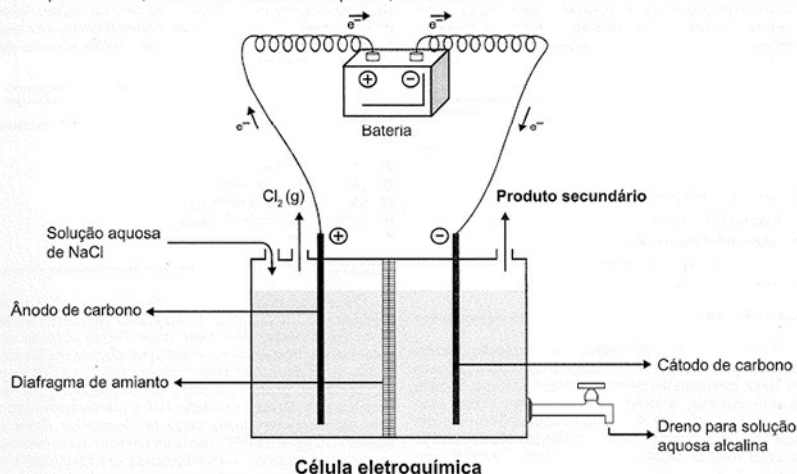
Os cones são responsáveis pela percepção dos diversos comprimentos de onda da luz visível, interpretados pelo cérebro como diferentes cores.

Portanto, a degeneração desse tipo celular compromete a capacidade de visão em cores.



### Questão 102

A eletrólise é um processo não espontâneo de grande importância para a indústria química. Uma de suas aplicações é a obtenção do gás cloro e do hidróxido de sódio, a partir de uma solução aquosa de cloreto de sódio. Nesse procedimento, utiliza-se uma célula eletroquímica, como ilustrado.



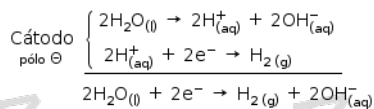
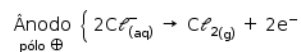
SHREVE, R. N.; BRINK JR., J. A. *Indústrias de processos químicos*. Rio de Janeiro: Guanabara Koogan, 1997 (adaptado).

No processo eletrolítico ilustrado, o produto secundário obtido é o

- A vapor de água.
- B oxigênio molecular.
- C hipoclorito de sódio.
- D hidrogênio molecular.
- E cloreto de hidrogênio.

### Resolução:

As semi-reações que ocorrem nessa eletrólise são:



Como o esquema apresenta o produto secundário no pólo  $\ominus$ , conclui-se que o produto secundário é o  $\text{H}_{2(\text{g})}$  (hidrogênio molecular).

### Questão 103

Uma grande virada na moderna história da agricultura ocorreu depois da Segunda Guerra Mundial. Após a guerra, os governos haviam se deparado com um enorme excedente de nitrato de amônio, ingrediente usado na fabricação de explosivos. A partir daí as fábricas de munição foram adaptadas para começar a produzir fertilizantes tendo como componente principal os nitratos.

SOUZA, F. A. Agricultura natural/orgânica como instrumento de fixação biológica e manutenção do nitrogênio no solo: um modelo sustentável de MDL. Disponível em: [www.planetaorganico.com.br](http://www.planetaorganico.com.br). Acesso em: 17 Jul. 2015 (adaptado).

No ciclo natural do nitrogênio, o equivalente ao principal componente desses fertilizantes industriais é produzido na etapa de

- A nitratação.
- B nitrosação.
- C amonificação.
- D desnitrificação.
- E fixação biológica do  $N_2$ .

#### Resolução:

No ciclo do nitrogênio, a nitratação é a etapa na qual, por ação bacteriana, ocorre a conversão de nitrito em nitrato.

### Questão 104

O fenômeno da piracema (subida do rio) é um importante mecanismo que influencia a reprodução de algumas espécies de peixes, pois induz o processo que estimula a queima de gordura e ativa mecanismos hormonais complexos, preparando-os para a reprodução. Intervenções antrópicas nos ambientes aquáticos, como a construção de barragens, interferem na reprodução desses animais.

MALTA, P. Impacto ambiental das barragens hidrelétricas. Disponível em: <http://futurambiental.com>. Acesso em: 10 maio 2013 (adaptado).

Essa intervenção antrópica prejudica a piracema porque reduz o(a)

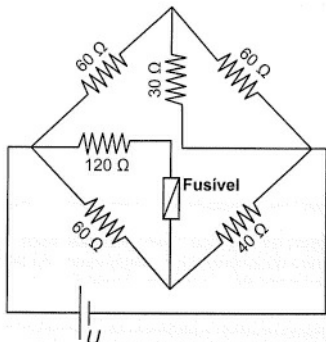
- A** percurso da migração.
- B** longevidade dos indivíduos.
- C** disponibilidade de alimentos.
- D** período de migração da espécie.
- E** número de espécies de peixes no local.

### Resolução:

A construção de barragens diminui a distância a ser percorrida pelos peixes. Dessa forma não haverá queima de gordura suficiente para ativar os mecanismos hormonais necessários à reprodução.

### Questão 105

Fusível é um dispositivo de proteção contra sobrecorrente em circuitos. Quando a corrente que passa por esse componente elétrico é maior que sua máxima corrente nominal, o fusível queima. Dessa forma, evita que a corrente elevada danifique os aparelhos do circuito. Suponha que o circuito elétrico mostrado seja alimentado por uma fonte de tensão  $U$  e que o fusível suporte uma corrente nominal de 500 mA.

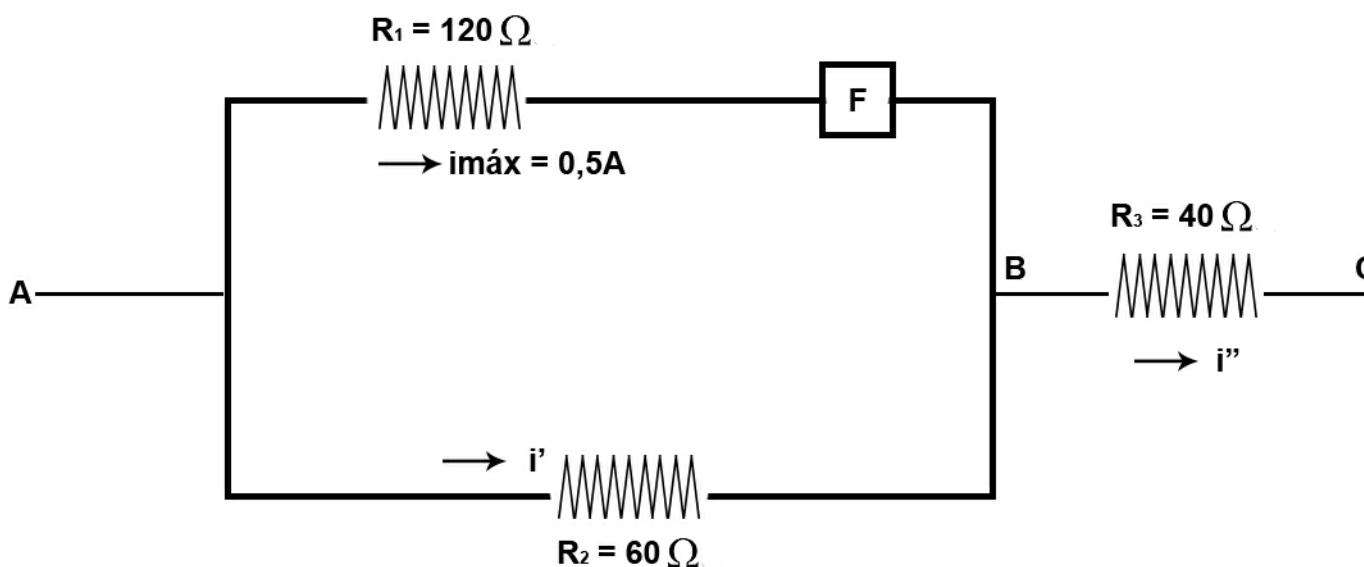


Qual é o máximo valor da tensão  $U$  para que o fusível não queime?

- A 20 V
- B 40 V
- C 60 V
- D 120 V
- E 185 V

### Resolução:

Analisando-se apenas o ramo que contém o fusível e discriminando os resistores e as correntes desse ramo, como se segue, tem-se:



Para  $R_1 = 120 \Omega$ , tem-se  $U_1 = R_1 \cdot i_{\text{máx}} = 120 \cdot 0,5 = 60 \text{ V}$

Para  $R_2 = 60 \Omega$ , tem-se  $U_1 = R_2 \cdot i' \therefore 60 = 60 \cdot i' \therefore i' = 1 \text{ A}$ .

Para o nó B, tem-se  $i'' = i' + i_{\text{máx}} = 1 + 0,5 \therefore i'' = 1,5 \text{ A}$ .

Para  $R_3$ , tem-se  $U_2 = R_3 \cdot i'' = 40 \cdot 1,5 \therefore U_2 = 60 \text{ V}$ .

Como o ramo AC está em paralelo com a bateria, tem-se:

$$U = U_1 + U_2 = 60 + 60$$

$$\therefore U = 120 \text{ V}$$

### Questão 106

Os botos-cinza (*Sotalia guianensis*), mamíferos da família dos golfinhos, são excelentes indicadores da poluição das áreas em que vivem, pois passam toda a sua vida — cerca de 30 anos — na mesma região. Além disso, a espécie acumula mais contaminantes em seu organismo, como o mercúrio, do que outros animais da sua cadeia alimentar.

MARCOLINO, B. Sentinelas do mar. Disponível em: <http://cienciahoje.uol.com.br>. Acesso em: 1 ago. 2012 (adaptado).

Os botos-cinza acumulam maior concentração dessas substâncias porque

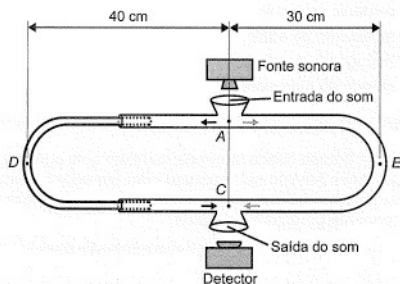
- A são animais herbívoros.
- B são animais detritívoros.
- C são animais de grande porte.
- D digerem o alimento lentamente.
- E estão no topo da cadeia alimentar.

### Resolução:

Os animais que acumulam mais contaminantes em seus organismos são os que ocupam o topo das cadeias alimentares.

### Questão 107

O trombone de Quincke é um dispositivo experimental utilizado para demonstrar o fenômeno da interferência de ondas sonoras. Uma fonte emite ondas sonoras de determinada frequência na entrada do dispositivo. Essas ondas se dividem pelos dois caminhos ( $ADC$  e  $AEC$ ) e se encontram no ponto  $C$ , a saída do dispositivo, onde se posiciona um detector. O trajeto  $ADC$  pode ser aumentado pelo deslocamento dessa parte do dispositivo. Com o trajeto  $ADC$  igual ao  $AEC$ , capta-se um som muito intenso na saída. Entretanto, aumentando-se gradativamente o trajeto  $ADC$ , até que ele fique como mostrado na figura, a intensidade do som na saída fica praticamente nula. Desta forma, conhecida a velocidade do som no interior do tubo ( $320 \text{ m/s}$ ), é possível determinar o valor da frequência do som produzido pela fonte.



O valor da frequência, em hertz, do som produzido pela fonte sonora é

- A 3 200.
- B 1 600.
- C 800.
- D 640.
- E 400.

### Resolução:

Na situação apresentada na figura, observa-se que o trecho  $AD$  é  $10 \text{ cm}$  maior que o trecho  $AE$ , e que o trecho  $DC$  é  $10 \text{ cm}$  maior que o trecho  $EC$ . Assim, o trajeto  $ADC$  é  $20 \text{ cm}$  maior que o trajeto  $AEC$ . Essa diferença correspondente à diferença de caminho  $\Delta x$ . Dessa forma:

$$\Delta x = k \cdot \frac{\lambda}{2}$$

$$0,2 = k \cdot \frac{\lambda}{2}$$

Como a interferência é destrutiva, e as fontes oscilam em concordância de fase,  $k = 1$ .

$$0,2 = 1 \cdot \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = 0,4 \text{ m}$$

Aplicando-se a equação fundamental da ondulatória:

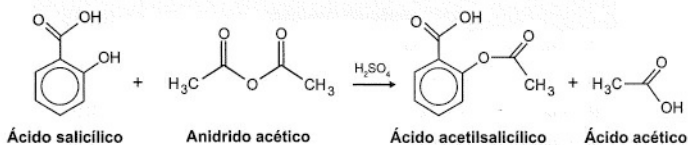
$$v = \lambda \cdot f$$

$$320 = 0,4 \cdot f$$

$$\boxed{\therefore f = 800 \text{ Hz}}$$

**Questão 108**

O ácido acetilsalicílico, AAS (massa molar igual a 180 g/mol), é sintetizado a partir da reação do ácido salicílico (massa molar igual a 138 g/mol) com anidrido acético, usando-se ácido sulfúrico como catalisador, conforme a equação química:



Após a síntese, o AAS é purificado e o rendimento final é de aproximadamente 50%. Devido às suas propriedades farmacológicas (antitérmico, analgésico, anti-inflamatório e antitrombótico), o AAS é utilizado como medicamento na forma de comprimidos, nos quais se emprega tipicamente uma massa de 500 mg dessa substância.

Uma indústria farmacêutica pretende fabricar um lote de 900 mil comprimidos, de acordo com as especificações do texto. Qual é a massa de ácido salicílico, em kg, que deve ser empregada para esse fim?

- A 293
- B 345
- C 414
- D 690
- E 828

**Resolução:**

$$1 \text{ comprimido} \text{ --- } 500 \text{ mg} = 0,5 \text{ g de AAS}$$

$$900000 \text{ --- } m$$

$m = 450000 \text{ g de AAS}$  precisam ser produzidos.

$$1 \text{ ácido salicílico} \text{ --- } 1 \text{ ácido acetilsalicílico}$$

$$1 \text{ mol (138 g)} \text{ --- } 1 \text{ mol (180 g)} \text{ (r = 100\%)}$$

$$138 \text{ g} \text{ --- } 90 \text{ g} \text{ (r = 50\%)}$$

$$m \text{ --- } 450000 \text{ g}$$

$$m = 690000 \text{ g} = 690 \text{ kg de ácido salicílico.}$$



### Questão 109

A Mata Atlântica caracteriza-se por uma grande diversidade de epífitas, como as bromélias. Essas plantas estão adaptadas a esse ecossistema e conseguem captar luz, água e nutrientes mesmo vivendo sobre as árvores.

Disponível em: [www.ib.usp.br](http://www.ib.usp.br). Acesso em: 23 fev. 2013 (adaptado).

Essas espécies captam água do(a)

- A organismo das plantas vizinhas.
- B solo através de suas longas raízes.
- C chuva acumulada entre suas folhas.
- D seiva bruta das plantas hospedeiras.
- E comunidade que vive em seu interior.

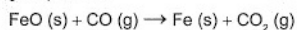
### Resolução:

As epífitas são inquilinistas típicas de matas pluviais, cujo acesso à luz é facilitado porque vivem sobre outras plantas, sem causar qualquer prejuízo à hospedeira.

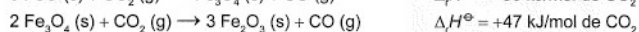
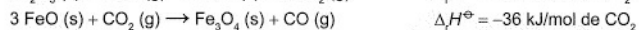
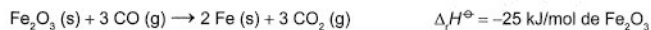
Entre outras formas, as epífitas detêm água a partir da chuva que se acumula entre as suas folhas.

### Questão 110

O ferro é encontrado na natureza na forma de seus minérios, tais como a hematita ( $\alpha\text{-Fe}_2\text{O}_3$ ), a magnetita ( $\text{Fe}_3\text{O}_4$ ) e a wustita ( $\text{FeO}$ ). Na siderurgia, o ferro-gusa é obtido pela fusão de minérios de ferro em altos fornos em condições adequadas. Uma das etapas nesse processo é a formação de monóxido de carbono. O CO (gasoso) é utilizado para reduzir o FeO (sólido), conforme a equação química:



Considere as seguintes equações termoquímicas:



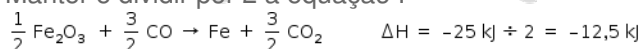
O valor mais próximo de  $\Delta_r H^\ominus$ , em kJ/mol de FeO, para a reação indicada do FeO (sólido) com o CO (gasoso) é

- A -14.
- B -17.
- C -50.
- D -64.
- E -100.

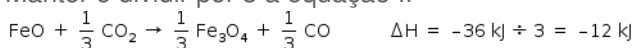
### Resolução:

Aplicando a Lei de Hess:

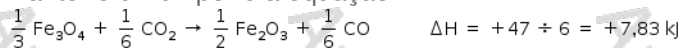
Manter e dividir por 2 a equação I



Manter e dividir por 3 a equação II



Manter e dividir por 6 a equação III



Somando as equações, tem-se:



$$\Delta H = -16,6 \text{ kJ}$$

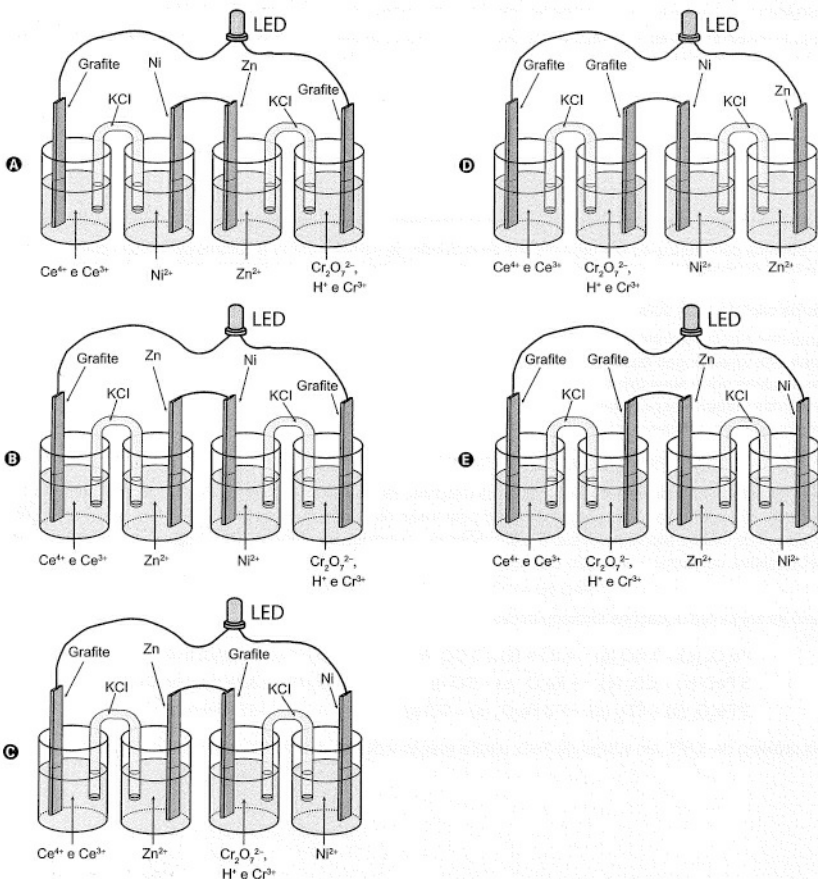
$$\Delta H = -17 \text{ kJ}$$

**Questão 111**

A invenção do LED azul, que permite a geração de outras cores para compor a luz branca, permitiu a construção de lâmpadas energeticamente mais eficientes e mais duráveis do que as incandescentes e fluorescentes. Em um experimento de laboratório, pretende-se associar duas pilhas em série para acender um LED azul que requer 3,6 volts para o seu funcionamento. Considere as semirreações de redução e seus respectivos potenciais mostrados no quadro.

Semirreação de redução	$E^{\circ}$ (V)
$Ce^{4+} (aq) + e^{-} \rightarrow Ce^{3+} (aq)$	+1,61
$Cr_2O_7^{2-} (aq) + 14 H^{+} (aq) + 6 e^{-} \rightarrow 2 Cr^{3+} (aq) + 7 H_2O (l)$	+1,33
$Ni^{2+} (aq) + 2 e^{-} \rightarrow Ni (s)$	-0,25
$Zn^{2+} (aq) + 2 e^{-} \rightarrow Zn (s)$	-0,76

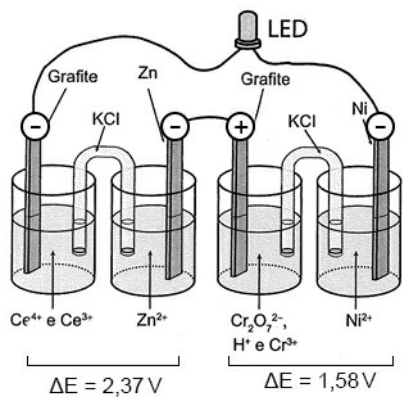
Qual associação em série de pilhas fornece diferença de potencial, nas condições-padrão, suficiente para acender o LED azul?



**Resolução:**

A soma das diferenças de potencial das duas pilhas deve ser de, pelo menos, 3,6 V.

A única associação correta que fornece esse valor é a das pilhas a seguir:



Essa associação de duas pilhas ligadas corretamente é uma bateria de diferença de potencial total igual a 3,95 V.

### Questão 112

A distrofia muscular Duchenne (DMD) é uma doença causada por uma mutação em um gene localizado no cromossomo X. Pesquisadores estudaram uma família na qual gêmeas monozigóticas eram portadoras de um alelo mutante recessivo para esse gene (heterozigóticas). O interessante é que uma das gêmeas apresentava o fenótipo relacionado ao alelo mutante, isto é, DMD, enquanto a sua irmã apresentava fenótipo normal.

RICHARDS, C. S. et al. The American Journal of Human Genetics, n. 4, 1990 (adaptado).

A diferença na manifestação da DMD entre as gêmeas pode ser explicada pela

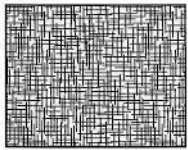
- A dominância incompleta do alelo mutante em relação ao alelo normal.
- B falha na separação dos cromossomos X no momento da separação dos dois embriões.
- C recombinação cromossômica em uma divisão celular embrionária anterior à separação dos dois embriões.
- D inativação aleatória de um dos cromossomos X em fase posterior à divisão que resulta nos dois embriões.
- E origem paterna do cromossomo portador do alelo mutante em uma das gêmeas e origem materna na outra.

### Resolução:

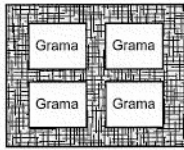
Nas células dos tecidos das mulheres, um cromossomo X permanece ativo e o outro inativo. Sendo as gêmeas heterozigóticas, na irmã de fenótipo saudável o cromossomo X ativo é o de alelo normal, enquanto na de fenótipo alterado permaneceu ativo o cromossomo X de alelo mutante.

### Questão 113

Para se adequar às normas ambientais atuais, as construtoras precisam prever em suas obras a questão do uso de materiais de modo a minimizar os impactos causados no local. Entre esses materiais está o chamado concregrama ou pisograma, que é um tipo de revestimento composto por peças de concreto com áreas vazadas, preenchidas com solo gramado. As figuras apresentam essas duas formas de piso feitos de concreto.



Piso tradicional de concreto



Piso concregrama

PONTES, K. L. F. Estudo de caso de um protótipo experimental [...]. Disponível em: <http://monografias.poli.ufsj.br>. Acesso em: 9 maio 2017 (adaptado).

A utilização desse tipo de piso em uma obra tem o objetivo de evitar, no solo, a

- A impermeabilização.
- B diminuição da temperatura.
- C acumulação de matéria orgânica.
- D alteração do pH.
- E salinização.

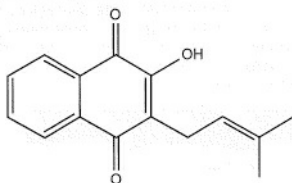
### Resolução:

O pisograma, também conhecido por concregrama, é um piso de concreto vazado, com alguns espaços livres para que eles possam ser preenchidos por grama. Esse pavimento é ecológico e permeável.

Assim, a utilização desse tipo de piso em uma obra tem o objetivo de evitar, no solo, a impermeabilização.

### Questão 114

Diversos produtos naturais podem ser obtidos de plantas por processo de extração. O lapachol é da classe das naftoquinonas. Sua estrutura apresenta uma hidroxila enólica ( $pK_a = 6,0$ ) que permite que este composto seja isolado da serragem dos ipês por extração com solução adequada, seguida de filtração simples. Considere que  $pK_a = -\log K_a$ , em que  $K_a$  é a constante ácida da reação de ionização do lapachol.



Lapachol

COSTA, P. R. R. et al. *Ácidos e bases em química orgânica*.  
Porto Alegre: Bookman, 2005 (adaptado).

Qual solução deve ser usada para extração do lapachol da serragem do ipê com maior eficiência?

- A Solução de  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  para formar um sal de lapachol.
- B Solução-tampão ácido acético/acetato de sódio ( $\text{pH} = 4,5$ ).
- C Solução de  $\text{NaCl}$  a fim de aumentar a força iônica do meio.
- D Solução de  $\text{Na}_2\text{SO}_4$  para formar um par iônico com lapachol.
- E Solução de  $\text{HCl}$  a fim de extrai-lo por meio de reação ácido-base.

### Resolução:

O lapachol é um composto de caráter ácido cuja constante ácida é  $K_a = 1 \cdot 10^{-6}$ .

Para removê-lo da serragem, o lapachol deve reagir com um composto de caráter básico, no caso, o carbonato de sódio –  $\text{Na}_2\text{CO}_3$  – formado a partir de uma base forte ( $\text{NaOH}$ ) e um ácido fraco ( $\text{H}_2\text{CO}_3$ ).

### Questão 115

Alguns tipos de dessalinizadores usam o processo de osmose reversa para obtenção de água potável a partir da água salgada. Nesse método, utiliza-se um recipiente contendo dois compartimentos separados por uma membrana semipermeável: em um deles coloca-se água salgada e no outro recolhe-se a água potável. A aplicação de pressão mecânica no sistema faz a água fluir de um compartimento para o outro. O movimento das moléculas de água através da membrana é controlado pela pressão osmótica e pela pressão mecânica aplicada.

Para que ocorra esse processo é necessário que as resultantes das pressões osmótica e mecânica apresentem

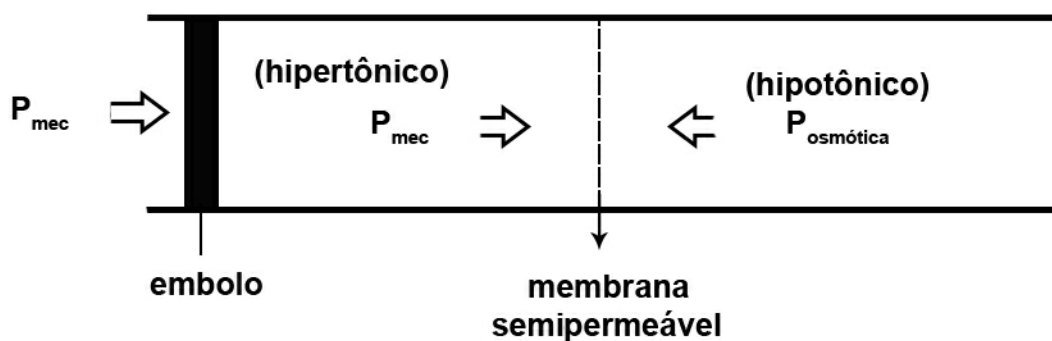
- A mesmo sentido e mesma intensidade.
- B sentidos opostos e mesma intensidade.
- C sentidos opostos e maior intensidade da pressão osmótica.
- D mesmo sentido e maior intensidade da pressão osmótica.
- E sentidos opostos e maior intensidade da pressão mecânica.

### Resolução:

A osmose é a passagem de água de um meio mais diluído (hipotônico) para um mais concentrado (hipertônico) por meio de uma membrana semipermeável.

Para que ocorra a osmose reversa, a pressão mecânica a ser aplicada no sistema deve ser maior que a pressão osmótica.

Por exemplo:



Se  $P_{mec} > P_{osmótica}$ , a água flui do meio hipertônico para o hipotônico (osmose reversa).





### Questão 117

Os medicamentos são rotineiramente utilizados pelo ser humano com o intuito de diminuir ou, por muitas vezes, curar possíveis transtornos de saúde. Os antibióticos são grupos de fármacos inseridos no tratamento de doenças causadas por bactérias.

Na terapêutica das doenças mencionadas, alguns desses fármacos atuam

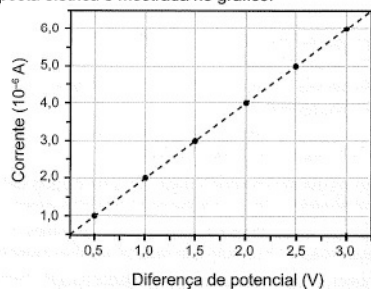
- A ativando o sistema imunológico do hospedeiro.
- B interferindo na cascata bioquímica da inflamação.
- C removendo as toxinas sintetizadas pelas bactérias.
- D combatendo as células hospedeiras das bactérias.
- E danificando estruturas específicas da célula bacteriana.

### Resolução:

Os antibióticos agem, principalmente, impedindo a formação da parede bacteriana ou impedindo a transcrição (síntese de RNAm).

### Questão 118

Dispositivos eletrônicos que utilizam materiais de baixo custo, como polímeros semicondutores, têm sido desenvolvidos para monitorar a concentração de amônia (gás tóxico e incolor) em granjas avícolas. A polianilina é um polímero semicondutor que tem o valor de sua resistência elétrica nominal quadruplicado quando exposta a altas concentrações de amônia. Na ausência de amônia, a polianilina se comporta como um resistor ôhmico e a sua resposta elétrica é mostrada no gráfico.



O valor da resistência elétrica da polianilina na presença de altas concentrações de amônia, em ohm, é igual a

- A  $0,5 \times 10^6$ .
- B  $2,0 \times 10^6$ .
- C  $2,5 \times 10^6$ .
- D  $5,0 \times 10^6$ .
- E  $2,0 \times 10^6$ .

### Resolução:

O gráfico mostra os valores de ddp e corrente elétrica na ausência de amônia, que nos fornece a resistência elétrica nominal ( $R_N$ ). De acordo com a lei de Ohm:

$$U = R_N \cdot i \Rightarrow R_N = \frac{U}{i}$$

Como o gráfico é linear, basta substituir os valores correspondentes a um único ponto

$$R_N = \frac{1 \text{ V}}{2 \cdot 10^{-6} \text{ A}} \Rightarrow R_N = 0,5 \cdot 10^6 \Omega$$

De acordo com o texto, a resistência elétrica na presença de amônia corresponde ao quádruplo da resistência nominal. Assim:

$$R_A = 4 \cdot R_N = 4 \cdot 0,5 \cdot 10^6$$

$$\therefore R_A = 2 \cdot 10^6 \Omega$$

### Questão 119

Pesquisadores conseguiram estimular a absorção de energia luminosa em plantas graças ao uso de nanotubos de carbono. Para isso, nanotubos de carbono "se inseriram" no interior dos cloroplastos por uma montagem espontânea, através das membranas dos cloroplastos. Pigmentos da planta absorvem as radiações luminosas, os elétrons são "excitados" e se deslocam no interior de membranas dos cloroplastos, e a planta utiliza em seguida essa energia elétrica para a fabricação de açúcares. Os nanotubos de carbono podem absorver comprimentos de onda habitualmente não utilizados pelos cloroplastos, e os pesquisadores tiveram a ideia de utilizá-los como "antenas", estimulando a conversão de energia solar pelos cloroplastos, com o aumento do transporte de elétrons.

Nanotubos de carbono incrementam a fotossíntese de plantas. Disponível em: <http://qes.igmlunicamp.br>. Acesso em: 14 nov. 2014 (adaptado).

O aumento da eficiência fotossintética ocorreu pelo fato de os nanotubos de carbono promoverem diretamente a

- A utilização de água.
- B absorção de fótons.
- C formação de gás oxigênio.
- D proliferação dos cloroplastos.
- E captação de dióxido de carbono.

### Resolução:

Como os nanotubos de carbono absorvem a energia luminosa (fótons) em comprimentos de ondas diferentes dos habitualmente captados pelos cloroplastos, verifica-se um aumento na eficiência fotossintética.

### Questão 120

Na Idade Média, para elaborar preparados a partir de plantas produtoras de óleos essenciais, as coletas das espécies eram realizadas ao raiar do dia. Naquela época, essa prática era fundamentada misticamente pelo efeito mágico dos raios lunares, que seria anulado pela emissão dos raios solares. Com a evolução da ciência, foi comprovado que a coleta de algumas espécies ao raiar do dia garante a obtenção de material com maiores quantidades de óleos essenciais.

A explicação científica que justifica essa prática se baseia na

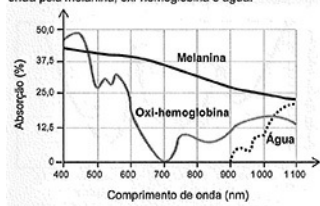
- A volatilização das substâncias de interesse.
- B polimerização dos óleos catalisada pela radiação solar.
- C solubilização das substâncias de interesse pelo orvalho.
- D oxidação do óleo pelo oxigênio produzido na fotossíntese.
- E liberação das moléculas de óleo durante o processo de fotossíntese.

### Resolução:

A partir das informações fornecidas pelo texto, a coleta das espécies deve ser feita ao raiar do dia. Nessa condição, em que as temperaturas são mais amenas, é minimizada a perda por volatilização das substâncias de interesse.

### Questão 121

A epilação a laser (popularmente conhecida como depilação a laser) consiste na aplicação de uma fonte de luz para aquecer e causar uma lesão localizada e controlada nos folículos capilares. Para evitar que outros tecidos sejam danificados, selecionam-se comprimentos de onda que são absorvidos pela melanina presente nos pelos, mas que não afetam a oxí-hemoglobina do sangue e a água dos tecidos da região em que o tratamento será aplicado. A figura mostra como é a absorção de diferentes comprimentos de onda pela melanina, oxí-hemoglobina e água.



MACEDO, F. S.; MONTEIRO, E. G. Epilação com laser e luz intensa pulsada. Revista Brasileira de Medicina. Disponível em: www.mc.org.br. Acesso em: 4 set. 2015 (aceptado).

Qual é o comprimento de onda, em nm, ideal para a epilação a laser?

- A 400
- B 700
- C 1 100
- D 900
- E 500

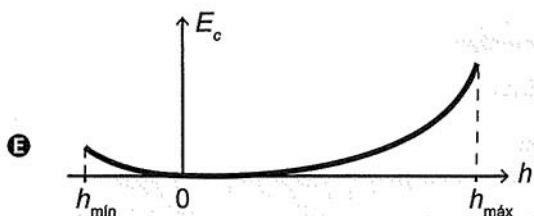
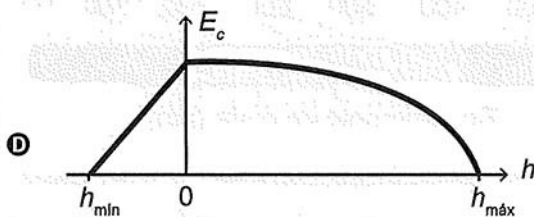
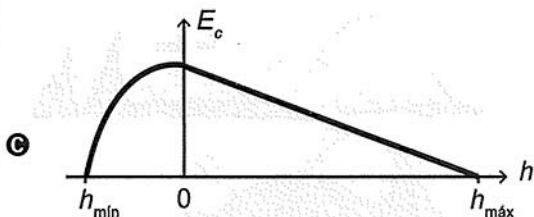
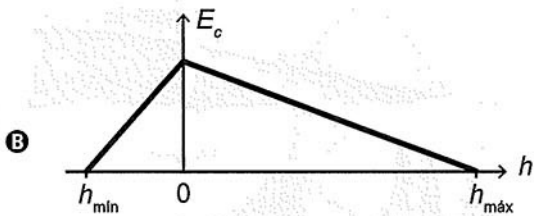
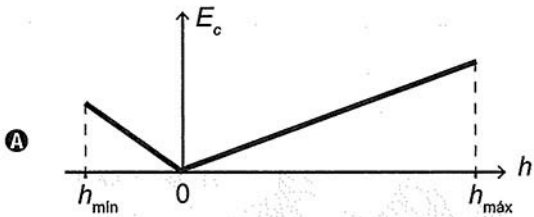
### Resolução:

Analisando o gráfico fornecido, vê-se que a absorção da luz pela melanina é elevada para todos os comprimentos de onda entre 400 e 1100 nm. Observa-se, também, que, para o comprimento de onda de 700 nm, a absorção da oxí-hemoglobina é nula e que a água só absorve comprimentos de onda maiores do que 900 nm. Combinando esses fatos, conclui-se que o comprimento de onda ideal para a epilação a laser é de 700 nm.

Questão 122

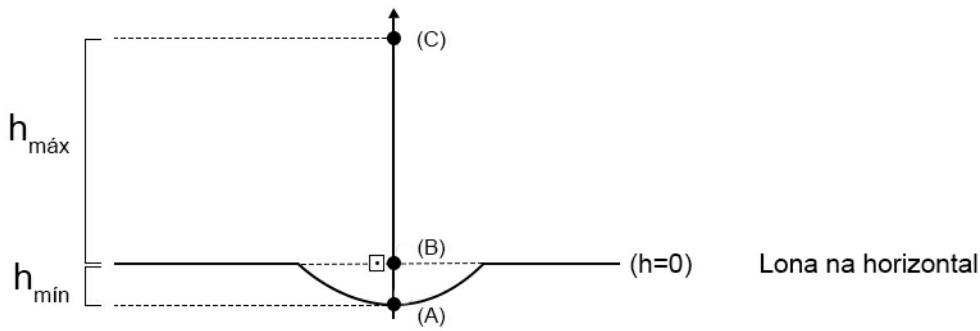
O brinquedo pula-pula (cama elástica) é composto por uma lona circular flexível horizontal presa por molas à sua borda. As crianças brincam pulando sobre ela, alterando e alternando suas formas de energia. Ao pular verticalmente, desprezando o atrito com o ar e os movimentos de rotação do corpo enquanto salta, uma criança realiza um movimento periódico vertical em torno da posição de equilíbrio da lona ( $h = 0$ ), passando pelos pontos de máxima e de mínima alturas,  $h_{\text{máx}}$  e  $h_{\text{mín}}$ , respectivamente.

Esquemáticamente, o esboço do gráfico da energia cinética da criança em função de sua posição vertical na situação descrita é:



**Resolução:**

Adotando-se a lona na horizontal como referência ( $h = 0$ ) e admitindo-se o sistema conservativo:



No ponto "A", a altura é mínima, a deformação da lona é máxima e a velocidade da criança é nula. Logo,  $E_c = 0$ .

No ponto "B", a altura é nula, a deformação da lona é nula e a velocidade da criança é máxima. Logo,  $E_c$  é máxima.

No ponto "C", a altura é máxima e a velocidade da criança é nula. Logo,  $E_c = 0$ .

Entre os pontos "A" e "B" pode-se escrever que:

$$E_c + E_{\text{pot}}^{\text{el}} + E_{\text{pot}}^{\text{grav}} = \text{cte}$$

$$\text{em que: } E_{\text{pot}}^{\text{grav}} = mgh \text{ e } E_{\text{pot}}^{\text{el}} = \frac{kx^2}{2} = \frac{kh^2}{2}$$

$$E_c = \text{cte} - \frac{kh^2}{2} - mgh$$

Logo, o gráfico  $E_c \times h$  será uma parábola com a concavidade para baixo.

Entre os pontos "B" e "C" pode-se escrever que:

$$E_c + E_{\text{pot}}^{\text{grav}} = \text{cte}$$

$$E_c = \text{cte} - E_{\text{pot}}^{\text{grav}}$$

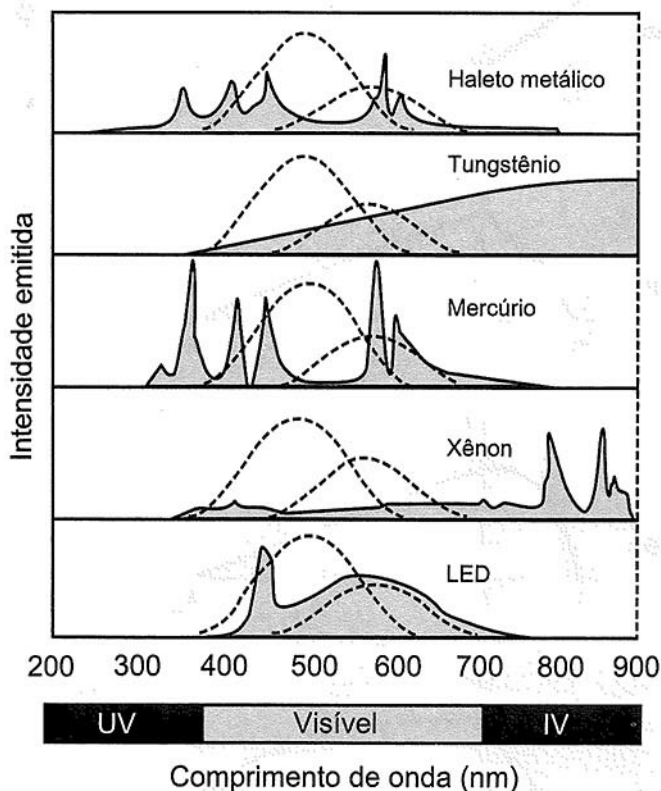
$$E_c = \text{cte} - mgh$$

Logo, o gráfico  $E_c \times h$  será uma reta decrescente.

### Questão 123

A figura mostra como é a emissão de radiação eletromagnética para cinco tipos de lâmpada: haleto metálico, tungstênio, mercúrio, xênon e LED (diodo emissor de luz). As áreas marcadas em cinza são proporcionais à intensidade da energia liberada pela lâmpada. As linhas pontilhadas mostram a sensibilidade do olho humano aos diferentes comprimentos de onda. UV e IV são as regiões do ultravioleta e do infravermelho, respectivamente.

Um arquiteto deseja iluminar uma sala usando uma lâmpada que produza boa iluminação, mas que não aqueça o ambiente.



Disponível em: <http://zeiss-campus.magnet.fsu.edu>. Acesso em: 8 maio 2017 (adaptado).

Qual tipo de lâmpada melhor atende ao desejo do arquiteto?

- A** Haleto metálico.
- B** Tungstênio.
- C** Mercúrio.
- D** Xênon.
- E** LED.

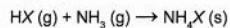
**Resolução:**

A lâmpada escolhida deve apresentar alta emissão na região do visível e baixa emissão na região do infravermelho. De acordo com o gráfico, a lâmpada que melhor atende esses requisitos é a LED.



### Questão 124

Partículas microscópicas existentes na atmosfera funcionam como núcleos de condensação de vapor de água que, sob condições adequadas de temperatura e pressão, propiciam a formação das nuvens e consequentemente das chuvas. No ar atmosférico, tais partículas são formadas pela reação de ácidos (HX) com a base  $\text{NH}_3$ , de forma natural ou antropogênica, dando origem a sais de amônio ( $\text{NH}_4\text{X}$ ), de acordo com a equação química genérica:



FELIX, E. P.; CARDOSO, A. A. Fatores ambientais que afetam a precipitação úmida. *Química Nova na Escola*, n. 21, maio 2009 (adaptado).

A fixação de moléculas de vapor de água pelos núcleos de condensação ocorre por

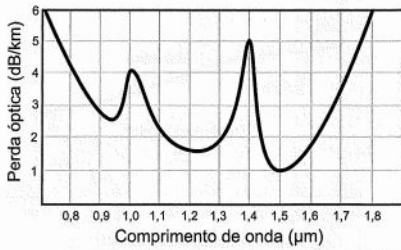
- A ligações iônicas.
- B interações dipolo-dipolo.
- C interações dipolo-dipolo induzido.
- D interações íon-dipolo.
- E ligações covalentes.

### Resolução:

As partículas microscópicas que funcionam como núcleos de condensação de vapor de água são os sais de amônio ( $\text{NH}_4\text{X}$ ). Assim, as interações que ocorrem entre os sais e a água são chamadas de interações íon-dipolo.

### Questão 125

Em uma linha de transmissão de informações por fibra óptica, quando um sinal diminui sua intensidade para valores inferiores a 10 dB, este precisa ser retransmitido. No entanto, intensidades superiores a 100 dB não podem ser transmitidas adequadamente. A figura apresenta como se dá a perda de sinal (perda óptica) para diferentes comprimentos de onda para certo tipo de fibra óptica.



Atenuação e limitações das fibras ópticas. Disponível em: [www.gla.ufjf.br](http://www.gla.ufjf.br). Acesso em: 25 maio 2017 (adaptado).

Qual é a máxima distância, em km, que um sinal pode ser enviado nessa fibra sem ser necessária uma retransmissão?

- A 6
- B 18
- C 60
- D 90
- E 100

#### Resolução:

Para analisar a máxima distância a que um sinal pode ser enviado sem necessidade de retransmissão deve-se considerar, de acordo com o gráfico, a menor perda óptica por km, pois dessa maneira é possível alcançar a maior distância com a menor perda.

Considerando a perda mínima de 1 dB/km (dado no gráfico) e com uma intensidade inicial de 100 dB (máximo valor que pode ser transmitido adequadamente), a perda máxima possível para esse sinal é de 90 dB, já que valores abaixo de 10 dB precisam ser retransmitidos. Assim, a máxima distância (d), em km, a que o sinal pode ser enviado é:

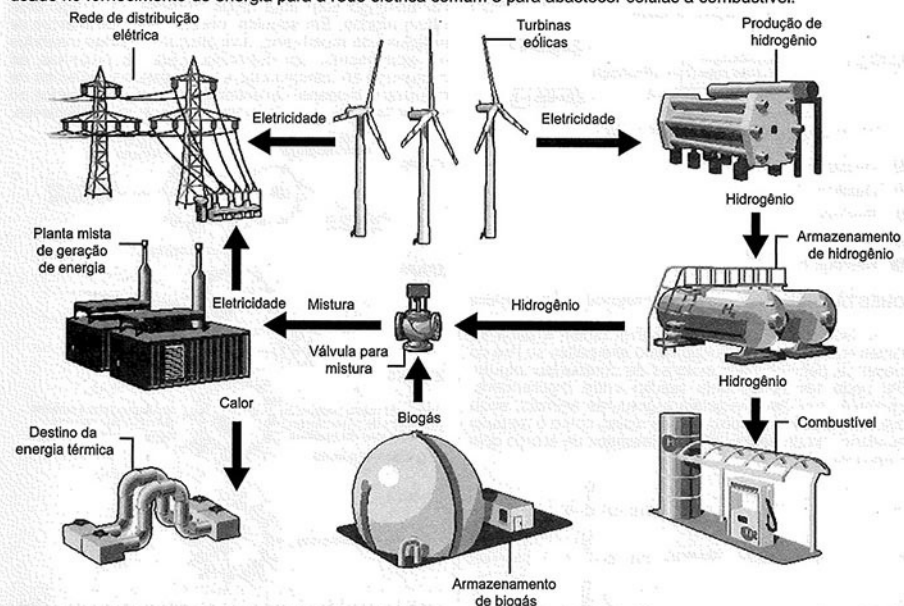
$$d = \frac{90 \text{ dB}}{1 \text{ dB/km}}$$

$$\therefore 90 \text{ km}$$



### Questão 127

A figura mostra o funcionamento de uma estação híbrida de geração de eletricidade movida a energia eólica e biogás. Essa estação possibilita que a energia gerada no parque eólico seja armazenada na forma de gás hidrogênio, usado no fornecimento de energia para a rede elétrica comum e para abastecer células a combustível.



Disponível em: [www.enertrag.com](http://www.enertrag.com). Acesso em: 24 abr. 2015 (adaptado).

Mesmo com ausência de ventos por curtos períodos, essa estação continua abastecendo a cidade onde está instalada, pois o(a)

- A planta mista de geração de energia realiza eletrólise para enviar energia à rede de distribuição elétrica.
- hidrogênio produzido e armazenado é utilizado na combustão com o biogás para gerar calor e eletricidade.
- conjunto de turbinas continua girando com a mesma velocidade, por inércia, mantendo a eficiência anterior.
- combustão da mistura biogás-hidrogênio gera diretamente energia elétrica adicional para a manutenção da estação.
- planta mista de geração de energia é capaz de utilizar todo o calor fornecido na combustão para a geração de eletricidade.

### Resolução:

De acordo com a figura, a rede elétrica é abastecida de duas formas: pelas turbinas eólicas e pela planta mista de geração de energia. Portanto, caso as turbinas eólicas parem de funcionar pela ausência de ventos, ainda é possível fornecer energia para a rede elétrica por meio da planta mista de geração de energia. Seu funcionamento se mantém devido ao armazenamento de hidrogênio que, ao ser misturado com biogás, é transformado em eletricidade e calor.

### Questão 128

A farinha de linhaça dourada é um produto natural que oferece grandes benefícios para o nosso organismo. A maior parte dos nutrientes da linhaça encontra-se no óleo desta semente, rico em substâncias lipossolúveis com massas moleculares elevadas. A farinha também apresenta altos teores de fibras proteicas insolúveis em água, celulose, vitaminas lipossolúveis e sais minerais hidrossolúveis.

Considere o esquema, que resume um processo de separação dos componentes principais da farinha de linhaça dourada.



O óleo de linhaça será obtido na fração

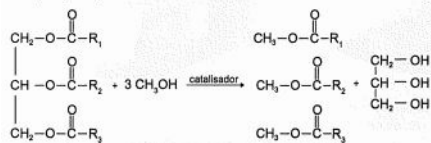
- A Destilado 1.
- B Destilado 2.
- C Resíduo 2.
- D Resíduo 3.
- E Resíduo 4.

### Resolução:

A partir dos dados fornecidos pelo enunciado, tem-se que o óleo de linhaça é rico em substâncias lipossolúveis e, portanto, deve ser mais solúvel em fases orgânicas (extrato etéreo). Por apresentar substâncias com massas moleculares elevadas, ao passar pelo processo de destilação, o óleo de linhaça deve se concentrar na fração menos volátil, ou seja, no resíduo 4.

Questão 129

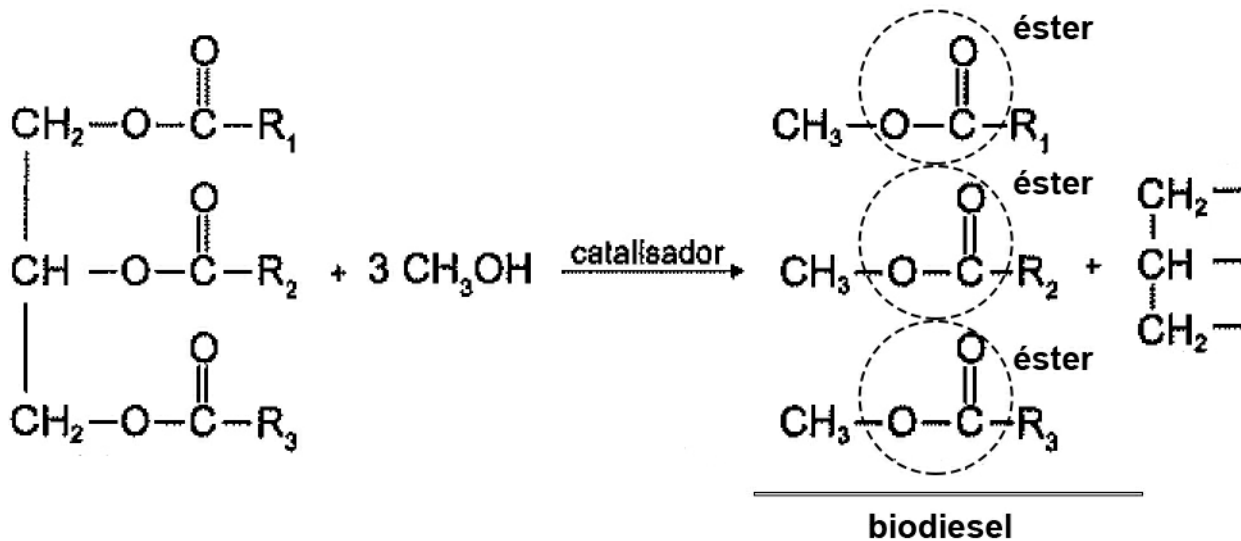
O biodiesel é um biocombustível obtido a partir de fontes renováveis, que surgiu como alternativa ao uso do diesel de petróleo para motores de combustão interna. Ele pode ser obtido pela reação entre triglicerídeos, presentes em óleos vegetais e gorduras animais, entre outros, e álcoois de baixa massa molar, como o metanol ou etanol, na presença de um catalisador, de acordo com a equação química:



A função química presente no produto que representa o biodiesel é

- A éter.
- B éster.
- C álcool.
- D cetona.
- E ácido carboxílico.

Resolução:



### Questão 130

As centrífugas são equipamentos utilizados em laboratórios, clínicas e indústrias. Seu funcionamento faz uso da aceleração centrífuga obtida pela rotação de um recipiente e que serve para a separação de sólidos em suspensão em líquidos ou de líquidos misturados entre si.

RODITI, I. Dicionário Houaiss de física. Rio de Janeiro: Objetiva, 2005 (adaptado).

Nesse aparelho, a separação das substâncias ocorre em função

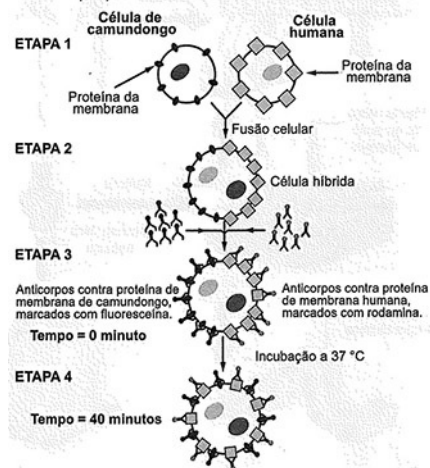
- A das diferentes densidades.
- B dos diferentes raios de rotação.
- C das diferentes velocidades angulares.
- D das diferentes quantidades de cada substância.
- E da diferente coesão molecular de cada substância.

### Resolução:

Quanto maior a densidade de um elemento de volume, maior é a sua tendência a "sair pela tangente", indo mais para o fundo do recipiente.

### Questão 131

Visando explicar uma das propriedades da membrana plasmática, fusionou-se uma célula de camundongo com uma célula humana, formando uma célula híbrida. Em seguida, com o intuito de marcar as proteínas de membrana, dois anticorpos foram inseridos no experimento, um específico para as proteínas de membrana do camundongo e outro para as proteínas de membrana humana. Os anticorpos foram visualizados ao microscópio por meio de fluorescência de cores diferentes.



ALBERTS, B. et al. *Biologia molecular da célula*. Porto Alegre: Artes Médicas, 1997 (adaptado).

A mudança observada da etapa 3 para a etapa 4 do experimento ocorre porque as proteínas

- A** movimentam-se livremente no plano da bicamada lipídica.
- B** permanecem confinadas em determinadas regiões da bicamada.
- C** auxiliam o deslocamento dos fosfolípidios da membrana plasmática.
- D** são mobilizadas em razão da inserção de anticorpos.
- E** são bloqueadas pelos anticorpos.

### Resolução:

A membrana é formada por uma bicamada de fosfolípido com proteínas imersas entre eles. Os lipídios não estão ligados entre si; desta forma, as moléculas da membrana plasmática podem se mover livremente em relação umas às outras.



### Questão 132

Um fato corriqueiro ao se cozinhar arroz é o derramamento de parte da água de cozimento sobre a chama azul do fogo, mudando-a para uma chama amarela. Essa mudança de cor pode suscitar interpretações diversas, relacionadas às substâncias presentes na água de cozimento. Além do sal de cozinha ( $\text{NaCl}$ ), nela se encontram carboidratos, proteínas e sais minerais.

Cientificamente, sabe-se que essa mudança de cor da chama ocorre pela

- A reação do gás de cozinha com o sal, volatilizando gás cloro.
- B emissão de fótons pelo sódio, excitado por causa da chama.
- C produção de derivado amarelo, pela reação com o carboidrato.
- D reação do gás de cozinha com a água, formando gás hidrogênio.
- E excitação das moléculas de proteínas, com formação de luz amarela.

### Resolução:

Os elétrons dos íons  $\text{Na}^+$  recebem energia da chama, passando do estado fundamental para o estado excitado. Esses elétrons, ao voltarem para o estado fundamental, emitem fótons, que são a luz amarela observada.

### Questão 133

A classificação biológica proposta por Whittaker permite distinguir cinco grandes linhas evolutivas utilizando, como critérios de classificação, a organização celular e o modo de nutrição. Woese e seus colaboradores, com base na comparação das sequências que codificam o RNA ribossômico dos seres vivos, estabeleceram relações de ancestralidade entre os grupos e concluíram que os procariontes do reino Monera não eram um grupo coeso do ponto de vista evolutivo.

Whittaker (1969) Cinco reinos	Woese (1990) Três domínios
Monera	Archaea
	Eubacteria
Protista	Eukarya
Fungi	
Plantae	
Animalia	

A diferença básica nas classificações citadas é que a mais recente se baseia fundamentalmente em

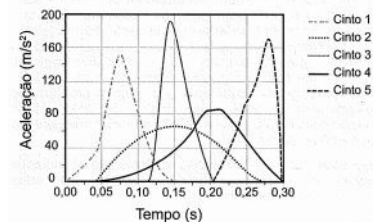
- A tipos de células.
- B aspectos ecológicos.
- C relações filogenéticas.
- D propriedades fisiológicas.
- E características morfológicas.

#### Resolução:

O critério de classificação mais recente baseia-se, fundamentalmente, nas relações filogenéticas, estabelecidas segundo comparações entre o material genético dos organismos.

### Questão 134

Em uma colisão frontal entre dois automóveis, a força que o cinto de segurança exerce sobre o tórax e abdômen do motorista pode causar lesões graves nos órgãos internos. Pensando na segurança do seu produto, um fabricante de automóveis realizou testes em cinco modelos diferentes de cinto. Os testes simularam uma colisão de 0,30 segundo de duração, e os bonecos que representavam os ocupantes foram equipados com acelerômetros. Esse equipamento registra o módulo da desaceleração do boneco em função do tempo. Os parâmetros como massa dos bonecos, dimensões dos cintos e velocidade imediatamente antes e após o impacto foram os mesmos para todos os testes. O resultado final obtido está no gráfico de aceleração por tempo.



Qual modelo de cinto oferece menor risco de lesão interna ao motorista?

- A 1
- B 2
- C 3
- D 4
- E 5

### Resolução:

Uma vez que  $\vec{F} = m \cdot \vec{a}$ , a intensidade da força resultante que atua sobre o boneco é proporcional à sua desaceleração, pois a massa é constante. Do gráfico, o cinto que apresenta o menor pico de desaceleração e, portanto, o menor pico de força resultante, é o cinto 2.

### Questão 135

Pesquisadores criaram um tipo de plaqueta artificial, feita com um polímero gelatinoso coberto de anticorpos, que promete agilizar o processo de coagulação quando injetada no corpo. Se houver sangramento, esses anticorpos fazem com que a plaqueta mude sua forma e se transforme em uma espécie de rede que gruda nas lesões dos vasos sanguíneos e da pele.

MOUTINHO, S. Coagulação acelerada. Disponível em: <http://cienciahoje.uol.com.br>. Acesso em: 19 fev. 2013 (adaptado).

Qual a doença cujos pacientes teriam melhora de seu estado de saúde com o uso desse material?

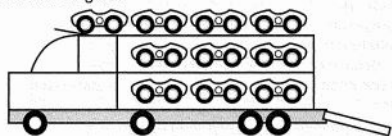
- A Filariose.
- B Hemofilia.
- C Aterosclerose.
- D Doença de Chagas.
- E Síndrome da imunodeficiência adquirida.

### Resolução:

A hemofilia é caracterizada pela dificuldade da coagulação sanguínea, o que seria minimizado com a aplicação das plaquetas artificiais.

Questão 136

Um brinquedo infantil caminhão-cegonha é formado por uma carreta e dez carrinhos nela transportados, conforme a figura.



No setor de produção da empresa que fabrica esse brinquedo, é feita a pintura de todos os carrinhos para que o aspecto do brinquedo fique mais atraente. São utilizadas as cores amarelo, branco, laranja e verde, e cada carrinho é pintado apenas com uma cor. O caminhão-cegonha tem uma cor fixa. A empresa determinou que em todo caminhão-cegonha deve haver pelo menos um carrinho de cada uma das quatro cores disponíveis. Mudança de posição dos carrinhos no caminhão-cegonha não gera um novo modelo do brinquedo.

Com base nessas informações, quantos são os modelos distintos do brinquedo caminhão-cegonha que essa empresa poderá produzir?

- A  $C_{6,4}$
- B  $C_{9,3}$
- C  $C_{10,4}$
- D  $6^4$
- E  $4^6$

Resolução:

Para que haja pelo menos um carrinho pintado com uma das 4 cores, devemos escolher uma cor para cada um dos 6 restantes.

Seja  $x, y, z$  e  $w$  as quantidades de carrinhos pintados de amarelo, branco, laranja ou verde, deve-se ter:

$$x + y + z + w = 6$$

Representando cada carrinho pelo símbolo  $\bullet$ , algumas soluções possíveis dessa equação são:

$\bullet\bullet\bullet\bullet\bullet\bullet + + + +$ ,  $\bullet\bullet\bullet + + + + + \bullet$ ,  $\bullet\bullet + + + + + \bullet\bullet$  e  $\bullet + + + + \bullet\bullet\bullet\bullet$

O número de soluções dessa equação é dado por  $P_9^{6,3} = \frac{9!}{6! \cdot 3!} = C_{9,3}$ .

### Questão 137

Uma empresa especializada em conservação de piscinas utiliza um produto para tratamento da água cujas especificações técnicas sugerem que seja adicionado 1,5 mL desse produto para cada 1 000 L de água da piscina. Essa empresa foi contratada para cuidar de uma piscina de base retangular, de profundidade constante igual a 1,7 m, com largura e comprimento iguais a 3 m e 5 m, respectivamente. O nível da lâmina d'água dessa piscina é mantido a 50 cm da borda da piscina.

A quantidade desse produto, em mililitro, que deve ser adicionada a essa piscina de modo a atender às suas especificações técnicas é

- A 11,25.
- B 27,00.
- C 28,80.
- D 32,25.
- E 49,50.

### Resolução:

Do enunciado, o volume  $V$  de água na piscina é:

$$V = 5 \cdot 3 \cdot 1,7 = 25,5 \text{ m}^3$$

$$\therefore V = 25\,500 \text{ L}$$

Assim, a quantidade desse produto que deve ser adicionada é obtida por:

$$\frac{25\,500 \cdot 1,5}{1000} = 38,25 \text{ mL}$$

### Questão 138

Um instituto de pesquisas eleitorais recebe uma encomenda na qual a margem de erro deverá ser de, no máximo, 2 pontos percentuais (0,02).

O instituto tem 5 pesquisas recentes, P1 a P5, sobre o tema objeto da encomenda e irá usar a que tiver o erro menor que o pedido.

Os dados sobre as pesquisas são os seguintes:

Pesquisa	$\sigma$	$N$	$\sqrt{N}$
P1	0,5	1 764	42
P2	0,4	784	28
P3	0,3	576	24
P4	0,2	441	21
P5	0,1	64	8

O erro  $e$  pode ser expresso por

$$|e| < 1,96 \frac{\sigma}{\sqrt{N}}$$

em que  $\sigma$  é um parâmetro e  $N$  é o número de pessoas entrevistadas pela pesquisa.

Qual pesquisa deverá ser utilizada?

- A P1
- B P2
- C P3
- D P4
- E P5

### Resolução:

De acordo com os dados da tabela fornecida no enunciado, tem-se que  $|e|$ , para cada caso:

$$P_1 \rightarrow |e_1| < 1,96 \cdot \frac{0,5}{42} \therefore |e| < 0,2333\dots$$

$$P_2 \rightarrow |e_2| < 1,96 \cdot \frac{0,4}{28} \therefore |e| < 0,028$$

$$P_3 \rightarrow |e_3| < 1,96 \cdot \frac{0,3}{24} \therefore |e| < 0,0245$$

$$P_4 \rightarrow |e_4| < 1,96 \cdot \frac{0,2}{21} \therefore |e| < 0,0186$$

$$P_5 \rightarrow |e_5| < 1,96 \cdot \frac{0,1}{8} \therefore |e| < 0,0245$$

Como o erro deverá ser no máximo dois pontos percentuais (0,02) a melhor pesquisa é P<sub>4</sub>.

### Questão 139

Em um teleférico turístico, bondinhos saem de estações ao nível do mar e do topo de uma montanha. A travessia dura 1,5 minuto e ambos os bondinhos se deslocam à mesma velocidade. Quarenta segundos após o bondinho A partir da estação ao nível do mar, ele cruza com o bondinho B, que havia saído do topo da montanha.

Quantos segundos após a partida do bondinho B partiu o bondinho A?

- A 5
- B 10
- C 15
- D 20
- E 25

### Resolução:

Sabendo que a travessia dura 90 segundos, se o bondinho A saiu há 40 s, então, para completar o trajeto, restam 50 s. Como o tempo de ida é igual ao tempo de volta, o bondinho B saiu do topo há 50 s. Logo, B saiu 10 s antes do A.



### Questão 140

Um empréstimo foi feito à taxa mensal de  $i\%$ , usando juros compostos, em oito parcelas fixas e iguais a  $P$ .

O devedor tem a possibilidade de quitar a dívida antecipadamente a qualquer momento, pagando para isso o valor atual das parcelas ainda a pagar. Após pagar a 5ª parcela, resolve quitar a dívida no ato de pagar a 6ª parcela.

A expressão que corresponde ao valor total pago pela quitação do empréstimo é

A  $P \left[ 1 + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} \right]$

B  $P \left[ 1 + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{2i}{100}\right)} \right]$

C  $P \left[ 1 + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} \right]$

D  $P \left[ \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{2i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{3i}{100}\right)} \right]$

E  $P \left[ \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^3} \right]$

Resolução:

O valor de uma parcela antecipada em  $n$  meses é dado por  $\frac{P}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^n}$

Assim, tem-se:

6ª parcela, sem antecipação:  $P$

7ª parcela,  $n = 1$ :  $\frac{P}{1 + \frac{i}{100}}$

8ª parcela,  $n = 2$ :  $\frac{P}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2}$

Logo, o valor a pagar é dado por:

$$V = P + \frac{P}{1 + \frac{i}{100}} + \frac{P}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2}$$

$$\therefore P \left[ 1 + \frac{1}{1 + \frac{i}{100}} + \frac{1}{\left(1 + \frac{i}{100}\right)^2} \right]$$

### Questão 141

Para realizar a viagem dos sonhos, uma pessoa precisava fazer um empréstimo no valor de R\$ 5 000,00. Para pagar as prestações, dispõe de, no máximo, R\$ 400,00 mensais. Para esse valor de empréstimo, o valor da prestação ( $P$ ) é calculado em função do número de prestações ( $n$ ) segundo a fórmula

$$P = \frac{5\,000 \times 1,013^n \times 0,013}{(1,013^n - 1)}$$

Se necessário, utilize 0,005 como aproximação para  $\log 1,013$ ; 2,602 como aproximação para  $\log 400$ ; 2,525 como aproximação para  $\log 335$ .

De acordo com a fórmula dada, o menor número de parcelas cujos valores não comprometem o limite definido pela pessoa é

- A 12.
- B 14.
- C 15.
- D 16.
- E 17.

### Resolução:

Do enunciado, deve-se ter  $P \leq 400$ . Assim:

$$\frac{65 \cdot 1,013^n}{1,013^n - 1} \leq 400$$

$$65 \cdot 1,013^n \leq 400(1,013^n - 1)$$

$$65 \cdot 1,013^n \leq 400 - 1,013^n - 400$$

$$335 \cdot 1,013^n \geq 400$$

$$1,013^n \geq \frac{400}{335}$$

$$\log(1,013^n) \geq \log\left(\frac{400}{335}\right)$$

$$n \cdot \log 1,013 \geq \log 400 - \log 335$$

$$n \cdot 0,005 \geq 2,602 - 2,525$$

$$n \geq \frac{0,077}{0,005}$$

$$\therefore n \geq 15,4$$

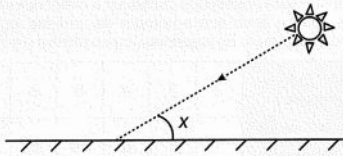
Logo, o menor número de parcelas é 16.

### Questão 142

Raios de luz solar estão atingindo a superfície de um lago formando um ângulo  $x$  com a sua superfície, conforme indica a figura.

Em determinadas condições, pode-se supor que a intensidade luminosa desses raios, na superfície do lago, seja dada aproximadamente por  $I(x) = k \cdot \text{sen}(x)$

sendo  $k$  uma constante, e supondo-se que  $x$  está entre  $0^\circ$  e  $90^\circ$ .



Quando  $x = 30^\circ$ , a intensidade luminosa se reduz a qual percentual de seu valor máximo?

- A 33%
- B 50%
- C 57%
- D 70%
- E 86%

### Resolução:

Para que a pergunta faça sentido, deve-se supor que  $x$  pertence ao intervalo  $[0^\circ, 90^\circ]$ .

O valor máximo de  $I$  ocorre quando  $x = 90^\circ$  e é dado por  $I(90^\circ) = k \cdot \text{sen } 90^\circ = k$ .

O valor de  $I$  quando  $x = 30^\circ$  é dado por  $I(30^\circ) = k \cdot \text{sen } 30^\circ = \frac{k}{2}$ .

Assim, o percentual pedido é dado pela razão

$$\frac{k/2}{k} = \frac{1}{2} = \boxed{50\%}$$

### Questão 143

Uma empresa construirá sua página na internet e espera atrair um público de aproximadamente um milhão de clientes. Para acessar essa página, será necessária uma senha com formato a ser definido pela empresa. Existem cinco opções de formato oferecidas pelo programador, descritas no quadro, em que "L" e "D" representam, respectivamente, letra maiúscula e dígito.

Opção	Formato
I	LDDDDD
II	DDDDDD
III	LLDDDD
IV	DDDDD
V	LLDD

As letras do alfabeto, entre as 26 possíveis, bem como os dígitos, entre os 10 possíveis, podem se repetir em qualquer das opções.

A empresa quer escolher uma opção de formato cujo número de senhas distintas possíveis seja superior ao número esperado de clientes, mas que esse número não seja superior ao dobro do número esperado de clientes.

A opção que mais se adequa às condições da empresa é

- A I.
- B II.
- C III.
- D IV.
- E V.

### Resolução:

Calculando o total de senhas possíveis em cada formato, tem-se:

$$(I) \underline{L} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \\ 26 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 2600000$$

$$(II) \underline{D} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \\ 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 1000000$$

$$(III) \underline{L} \underline{L} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \\ 26 \cdot 26 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 6760000$$

$$(IV) \underline{D} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \underline{D} \\ 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10 = 100000$$

$$(V) \underline{L} \underline{L} \underline{D} \underline{D} \\ 26 \cdot 26 \cdot 10 \cdot 10 = 1757600$$

Das opções, a única que é superior a um milhão, mas que não é superior a dois milhões, é a opção (V).

### Questão 144

Como não são adeptos da prática de esportes, um grupo de amigos resolveu fazer um torneio de futebol utilizando *videogame*. Decidiram que cada jogador joga uma única vez com cada um dos outros jogadores. O campeão será aquele que conseguir o maior número de pontos. Observaram que o número de partidas jogadas depende do número de jogadores, como mostra o quadro:

Quantidade de jogadores	2	3	4	5	6	7
Número de partidas	1	3	6	10	15	21

Se a quantidade de jogadores for 8, quantas partidas serão realizadas?

- A 64
- B 56
- C 49
- D 36
- E 28

**Resolução:**

Com 8 jogadores serão realizados  $C_{8,2} = \frac{8!}{2! \cdot 6!} = \boxed{28 \text{ jogos}}$ .

### Questão 145

Um morador de uma região metropolitana tem 50% de probabilidade de atrasar-se para o trabalho quando chove na região; caso não chova, sua probabilidade de atraso é de 25%. Para um determinado dia, o serviço de meteorologia estima em 30% a probabilidade da ocorrência de chuva nessa região.

Qual é a probabilidade de esse morador se atrasar para o serviço no dia para o qual foi dada a estimativa de chuva?

- A 0,075
- B 0,150
- C 0,325
- D 0,600
- E 0,800

### Resolução:

Dado que a probabilidade de chover é 30%, então, a probabilidade de não chover é 70%.

Seja  $p$  a probabilidade pedida, tem-se:

$$p = \frac{\text{chover e atrasar}}{\text{chover}} + \frac{\text{não chover e atrasar}}{\text{não chover}}$$
$$p = 0,3 \cdot 0,5 + 0,7 \cdot 0,25$$
$$\therefore p = 0,325$$

### Questão 146

Às 17 h 15 min começa uma forte chuva, que cai com intensidade constante. Uma piscina em forma de um paralelepípedo retângulo, que se encontrava inicialmente vazia, começa a acumular a água da chuva e, às 18 horas, o nível da água em seu interior alcança 20 cm de altura. Nesse instante, é aberto o registro que libera o escoamento da água por um ralo localizado no fundo dessa piscina, cuja vazão é constante. Às 18 h 40 min a chuva cessa e, nesse exato instante, o nível da água na piscina baixou para 15 cm.

O instante em que a água dessa piscina terminar de escoar completamente está compreendido entre

- A 19 h 30 min e 20 h 10 min.
- B 19 h 20 min e 19 h 30 min.
- C 19 h 10 min e 19 h 20 min.
- D 19 h e 19 h 10 min.
- E 18 h 40 min e 19 h.

### Resolução:

Como das 17 h 15 min às 18 h o nível de água sobe 20 cm, o ritmo de subida é:

$$\frac{20}{45} \text{ cm/min}$$

Seja  $v$  cm/min o ritmo do escoamento do ralo, analisando das 17 h 15 min até as 18 h 40 min, tem-se

$$\frac{20}{45} \cdot 85 - v \cdot 40 = 15 \therefore v \approx 0,57 \text{ cm/min}$$

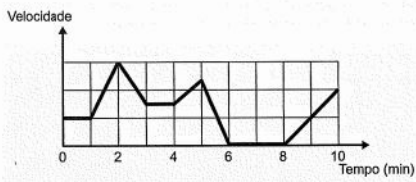
Seja  $t$  minutos o tempo necessário para que o ralo escoe toda a água a partir das 18 h 40 min, tem-se:

$$0,57 t \approx 15 \therefore t \approx 26 \text{ min}$$

Logo, toda água será escoada entre 19 horas e 19 h 10 min.

### Questão 147

Os congestionamentos de trânsito constituem um problema que aflige, todos os dias, milhares de motoristas brasileiros. O gráfico ilustra a situação, representando, ao longo de um intervalo definido de tempo, a variação da velocidade de um veículo durante um congestionamento.



Quantos minutos o veículo permaneceu imóvel ao longo do intervalo de tempo total analisado?

- A 4
- B 3
- C 2
- D 1
- E 0

### Resolução:

No gráfico, o intervalo no qual o veículo permanece imóvel está representado de 6 a 8 minutos. Logo, o veículo permanece imóvel por 2 minutos.



Questão 148

Um garçom precisa escolher uma bandeja de base retangular para servir quatro taças de espumante que precisam ser dispostas em uma única fileira, paralela ao lado maior da bandeja, e com suas bases totalmente apoiadas na bandeja. A base e a borda superior das taças são círculos de raio 4 cm e 5 cm, respectivamente.

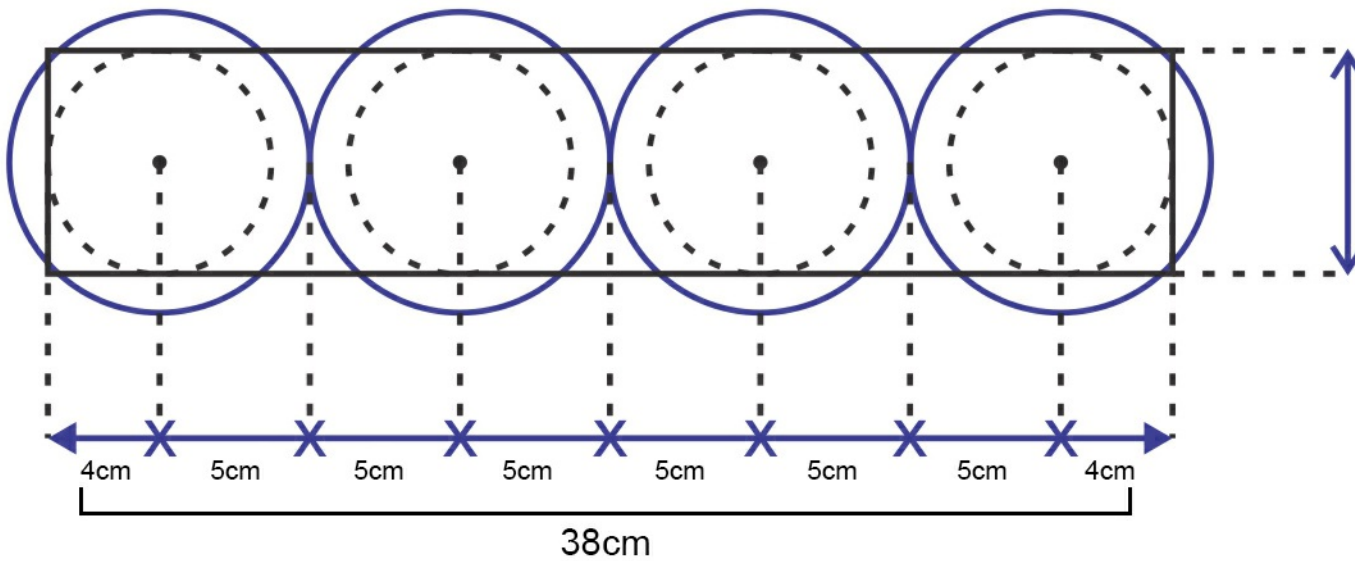


A bandeja a ser escolhida deverá ter uma área mínima, em centímetro quadrado, igual a

- A 192.
- B 300.
- C 304.
- D 320.
- E 400.

Resolução:

A vista superior da situação descrita no enunciado pode ser representada na figura a seguir, em que as circunferências de linha contínua e pontilhadas são, respectivamente, a borda e a base das taças.



A partir da figura acima, a área mínima da bandeja é:

$$8 \cdot 38 = 304 \text{ cm}^2$$

### Questão 149

Em uma cantina, o sucesso de venda no verão são sucos preparados à base de polpa de frutas. Um dos sucos mais vendidos é o de morango com acerola, que é preparado com  $\frac{2}{3}$  de polpa de morango e  $\frac{1}{3}$  de polpa de acerola.

Para o comerciante, as polpas são vendidas em embalagens de igual volume. Atualmente, a embalagem da polpa de morango custa R\$ 18,00 e a de acerola, R\$ 14,70. Porém, está prevista uma alta no preço da embalagem da polpa de acerola no próximo mês, passando a custar R\$ 15,30.

Para não aumentar o preço do suco, o comerciante negociou com o fornecedor uma redução no preço da embalagem da polpa de morango.

A redução, em real, no preço da embalagem da polpa de morango deverá ser de

- A 1,20.
- B 0,90.
- C 0,60.
- D 0,40.
- E 0,30.

### Resolução:

Seja  $x$ , em real, a dedução no preço da embalagem da polpa de morango, tem-se:

$$\frac{2}{3} \cdot 18 + \frac{1}{3} \cdot 14,70 = \frac{2}{3}(18 - x) + \frac{1}{3} \cdot 15,30 \therefore$$

$$36 + 14,7 = 36 - 2x + 15,30 \therefore$$

$$2x = 0,60 \therefore$$

$$x = 0,30$$

A redução é de R\$ 0,30.

### Questão 150

Um casal realiza sua mudança de domicílio e necessita colocar numa caixa de papelão um objeto cúbico, de 80 cm de aresta, que não pode ser desmontado. Eles têm à disposição cinco caixas, com diferentes dimensões, conforme descrito:

- Caixa 1: 86 cm × 86 cm × 86 cm
- Caixa 2: 75 cm × 82 cm × 90 cm
- Caixa 3: 85 cm × 82 cm × 90 cm
- Caixa 4: 82 cm × 95 cm × 82 cm
- Caixa 5: 80 cm × 95 cm × 85 cm

O casal precisa escolher uma caixa na qual o objeto caiba, de modo que sobre o menor espaço livre em seu interior.

A caixa escolhida pelo casal deve ser a de número

- A 1.
- B 2.
- C 3.
- D 4.
- E 5.

### Resolução:

Analisando cada uma das caixas, tem-se:

• Caixa 1: pode ser usada, pois todas as dimensões são maiores que 80 cm. Volume da caixa 1:  $86^3 \text{ cm}^3 \therefore V_1 = 636056 \text{ cm}^3$

• Caixa 2: não pode ser usada, pois  $75 \text{ cm} < 80 \text{ cm}$

• Caixa 3: pode ser usada, pois todas as dimensões são maiores que 80 cm. Volume da caixa 3:  $85 \cdot 82 \cdot 90 \text{ cm}^3 \therefore V_3 = 627300 \text{ cm}^3$

• Caixa 4: pode ser usada, pois todas as dimensões são maiores que 80 cm. Volume da caixa 4:  $82 \cdot 95 \cdot 82 \text{ cm}^3 \therefore V_4 = 638780 \text{ cm}^3$

• Caixa 5: pode ser usada, pois todas as dimensões são maiores que 80 cm. Volume da caixa 5:  $80 \cdot 95 \cdot 85 \text{ cm}^3 \therefore V_5 = 646000 \text{ cm}^3$

Assim, o casal deve escolher a caixa 3.

### Questão 151

Num dia de tempestade, a alteração na profundidade de um rio, num determinado local, foi registrada durante um período de 4 horas. Os resultados estão indicados no gráfico de linhas. Nele, a profundidade  $h$ , registrada às 13 horas, não foi anotada e, a partir de  $h$ , cada unidade sobre o eixo vertical representa um metro.



Foi informado que entre 15 horas e 16 horas, a profundidade do rio diminuiu em 10%.

Às 16 horas, qual é a profundidade do rio, em metro, no local onde foram feitos os registros?

- A 18
- B 20
- C 24
- D 36
- E 40

### Resolução:

Da figura, tem-se que a profundidade do rio, às 15 h, era de  $(h + 6)$  metros; às 16 h, essa profundidade diminuiu para  $(h + 4)$  metros.

Como houve uma diminuição de 10%, então a profundidade às 16 h corresponde a 90% da profundidade às 15 h, ou seja:

$$h + 4 = 0,9 \cdot (h + 6)$$

$$h + 4 = 0,9 \cdot h + 5,4$$

$$0,1 \cdot h = 1,4$$

$$h = 14 \text{ metros}$$

Assim, a profundidade do rio às 16 h é de  $h + 4 = 18$  metros.

### Questão 152

Uma rede hoteleira dispõe de cabanas simples na ilha de Gotland, na Suécia, conforme Figura 1. A estrutura de sustentação de cada uma dessas cabanas está representada na Figura 2. A ideia é permitir ao hóspede uma estada livre de tecnologia, mas conectada com a natureza.



Figura 1

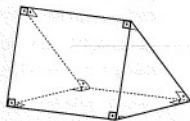


Figura 2

ROMERO, L. Tendências. *Superinteressante*, n. 315, fev. 2013 (adaptado).

A forma geométrica da superfície cujas arestas estão representadas na Figura 2 é

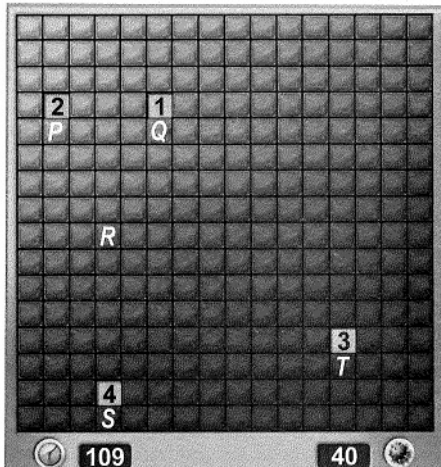
- A tetraedro.
- B pirâmide retangular.
- C tronco de pirâmide retangular.
- D prisma quadrangular reto.
- E prisma triangular reto.

### Resolução:

Como pode ser visto na figura 2, a forma geométrica representada possui duas faces triangulares congruentes em planos paralelos e todas as outras faces retangulares, o que caracteriza um prisma triangular reto.

### Questão 153

A figura ilustra uma partida de Campo Minado, o jogo presente em praticamente todo computador pessoal. Quatro quadrados em um tabuleiro  $16 \times 16$  foram abertos, e os números em suas faces indicam quantos dos seus 8 vizinhos contêm minas (a serem evitadas). O número 40 no canto inferior direito é o número total de minas no tabuleiro, cujas posições foram escolhidas ao acaso, de forma uniforme, antes de se abrir qualquer quadrado.



Em sua próxima jogada, o jogador deve escolher dentre os quadrados marcados com as letras P, Q, R, S e T um para abrir, sendo que deve escolher aquele com a menor probabilidade de conter uma mina.

O jogador deverá abrir o quadrado marcado com a letra

- A. P.
- B. Q.
- C. R.
- D. S.
- E. T.

### Resolução:

Do enunciado, as probabilidades dos quadrados P, Q, S e T conterem uma mina são:

- P:  $\frac{2}{8}$
- Q:  $\frac{1}{8}$
- S:  $\frac{4}{8}$
- T:  $\frac{3}{8}$

Resta, portanto, analisar o quadrado R.

Como quatro quadrados já foram abertos, eles certamente não contêm minas. Além disso, sabe-se que, se um determinado quadrado indica um número  $n$  e tem 8 vizinhos a serem,  $(8 - n)$  desses vizinhos não contém minas. Assim, sabe-se que, além dos 4 que já foram abertos, outros  $(6 + 7 + 4 + 5)$  também não possuem minas, ou seja, há  $4 + 6 + 7 + 4 + 5 = 26$  quadrados do tabuleiro que, certamente, não contêm minas e ainda não foram abertos.

Da mesma forma, pode-se concluir que, dos quadrados que ainda não foram abertos,  $2 + 1 + 4 + 3 = 10$  certamente contêm minas.

Assim, qualquer quadrado que não seja um dos já abertos, nem um dos vizinhos deles, pode conter uma das  $40 - 10 = 30$  minas restantes. Como são  $256 - 26 - 10 = 220$  quadrados nessas condições, a probabilidade de que R (que é um desses quadrados) contenha uma mina é:

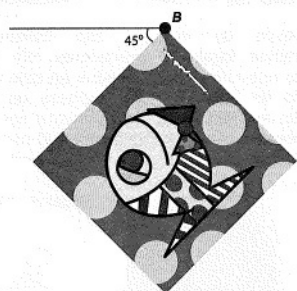
$$P = \frac{30}{220}$$

Como  $\frac{30}{220} > \frac{1}{8}$ , o quadrado Q é o que apresenta a menor probabilidade de conter uma mina.

### Questão 154

A imagem apresentada na figura é uma cópia em preto e branco da tela quadrada intitulada *O peixe*, de Marcos Pinto, que foi colocada em uma parede para exposição e fixada nos pontos *A* e *B*.

Por um problema na fixação de um dos pontos, a tela se desprende, girando rente à parede. Após o giro, ela ficou posicionada como ilustrado na figura, formando um ângulo de  $45^\circ$  com a linha do horizonte.



Para recolocar a tela na sua posição original, deve-se girá-la, rente à parede, no menor ângulo possível inferior a  $360^\circ$ .

A forma de recolocar a tela na posição original, obedecendo ao que foi estabelecido, é girando-a em um ângulo de

- A  $90^\circ$  no sentido horário.
- B  $135^\circ$  no sentido horário.
- C  $180^\circ$  no sentido anti-horário.
- D  $270^\circ$  no sentido anti-horário.
- E  $315^\circ$  no sentido horário.

### Resolução:

Observe a posição do segmento orientado  $\vec{BA}$  nas figuras 1 e 2:

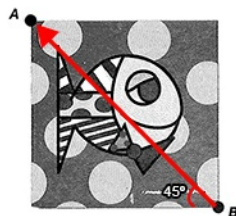


Figura 1

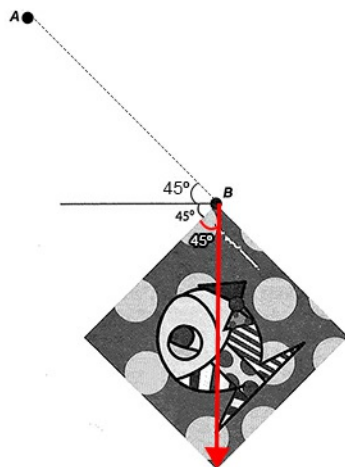


Figura 2

Ao se desprender no ponto *A*, a tela realiza um giro de  $3 \cdot 45^\circ = 135^\circ$  no sentido anti-horário.

Assim, para recolocá-la na posição original, deve-se girá-la em um ângulo de medida

135° no sentido horário, ou girá-la em um ângulo de medida  $360^\circ - 135^\circ = 225^\circ$  no sentido anti-horário.

Portanto, a menor medida de ângulo possível em que se deve girar a tela, para retornar à posição original, é de 135° no sentido horário.



### Questão 155

A avaliação de rendimento de alunos de um curso universitário baseia-se na média ponderada das notas obtidas nas disciplinas pelos respectivos números de créditos, como mostra o quadro:

Avaliação	Média de notas ( $M$ )
Excelente	$9 < M \leq 10$
Bom	$7 \leq M \leq 9$
Regular	$5 \leq M < 7$
Ruim	$3 \leq M < 5$
Péssimo	$M < 3$

Quanto melhor a avaliação de um aluno em determinado período letivo, maior sua prioridade na escolha de disciplinas para o período seguinte.

Determinado aluno sabe que se obtiver avaliação "Bom" ou "Excelente" conseguirá matrícula nas disciplinas que deseja. Ele já realizou as provas de 4 das 5 disciplinas em que está matriculado, mas ainda não realizou a prova da disciplina I, conforme o quadro.

Disciplinas	Notas	Número de créditos
I		12
II	8,00	4
III	6,00	8
IV	5,00	8
V	7,50	10

Para que atinja seu objetivo, a nota mínima que ele deve conseguir na disciplina I é

- A 7,00.
- B 7,38.
- C 7,50.
- D 8,25.
- E 9,00.

### Resolução:

Seja  $x$  a nota obtida na disciplina I:

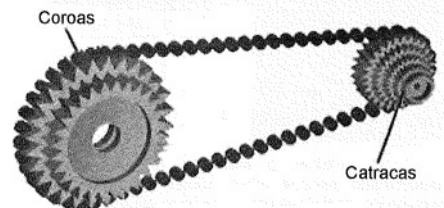
Para que esse aluno seja avaliado como "Bom" ou "Excelente", deve-se ter:

$$\frac{12 \cdot x + 4 \cdot 8 + 8 \cdot 6 + 8 \cdot 5 + 10 \cdot 7,5}{12 + 4 + 8 + 8 + 10} \geq 7$$
$$\frac{12x + 195}{42} \geq 7$$
$$12x + 195 \geq 294$$
$$x \geq 8,25$$

A nota mínima deverá ser 8,25.

### Questão 156

Uma bicicleta do tipo *mountain bike* tem uma coroa com 3 engrenagens e uma catraca com 6 engrenagens, que, combinadas entre si, determinam 18 marchas (número de engrenagens da coroa vezes o número de engrenagens da catraca).



Os números de dentes das engrenagens das coroas e das catracas dessa bicicleta estão listados no quadro.

Engrenagens	1ª	2ª	3ª	4ª	5ª	6ª
Nº de dentes da coroa	46	36	26	-	-	-
Nº de dentes da catraca	24	22	20	18	16	14

Sabe-se que o número de voltas efetuadas pela roda traseira a cada pedalada é calculado dividindo-se a quantidade de dentes da coroa pela quantidade de dentes da catraca.

Durante um passeio em uma bicicleta desse tipo, deseja-se fazer um percurso o mais devagar possível, escolhendo, para isso, uma das seguintes combinações de engrenagens (coroa x catraca):

I	II	III	IV	V
1ª x 1ª	1ª x 6ª	2ª x 4ª	3ª x 1ª	3ª x 6ª

A combinação escolhida para realizar esse passeio da forma desejada é

- A I.
- B II.
- C III.
- D IV.
- E V.

### Resolução:

Como o número de voltas da roda traseira é obtido dividindo-se a quantidade de dentes da coroa pela quantidade de dentes com a catraca, devemos combinar a coroa com menor número de dentes com a catraca com maior número de dentes. Assim, conforme a tabela a combinação coroa x catraca deverá ser 3ª x 1ª.

### Questão 157

O comitê organizador da Copa do Mundo 2014 criou a logomarca da Copa, composta de uma figura plana e o slogan "Juntos num só ritmo", com mãos que se unem formando a taça Fifa. Considere que o comitê organizador resolvesse utilizar todas as cores da bandeira nacional (verde, amarelo, azul e branco) para colorir a logomarca, de forma que regiões vizinhas tenham cores diferentes.



Disponível em: [www.pt.fifa.com](http://www.pt.fifa.com). Acesso em: 19 nov. 2013 (adaptado).

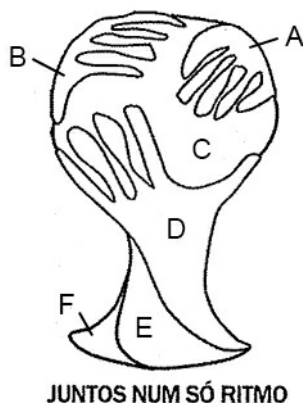
De quantas maneiras diferentes o comitê organizador da Copa poderia pintar a logomarca com as cores citadas?

- A 15
- B 30
- C 108
- D 360
- E 972

### Resolução:

Da forma como está no enunciado (utilizando todas as quatro cores para colorir a logomarca), a questão não possui alternativa correta.

Se considerarmos que a questão é apenas "colorir a logomarca utilizando as 4 cores da bandeira", ou seja, sem a obrigatoriedade de as quatro serem utilizadas simultaneamente, tem-se 6 regiões, A, B, C, D, E e F, conforme a figura abaixo.

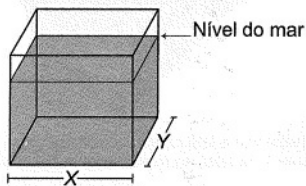


O número de maneiras seria dado por:

$$\frac{A}{4} \cdot \frac{B}{3} \cdot \frac{C}{3} \cdot \frac{D}{3} \cdot \frac{E}{3} \cdot \frac{F}{3} = \boxed{972}$$

### Questão 158

Viveiros de lagostas são construídos, por cooperativas locais de pescadores, em formato de prismas reto-retangulares, fixados ao solo e com telas flexíveis de mesma altura, capazes de suportar a corrosão marinha. Para cada viveiro a ser construído, a cooperativa utiliza integralmente 100 metros lineares dessa tela, que é usada apenas nas laterais.



Quais devem ser os valores de X e de Y, em metro, para que a área da base do viveiro seja máxima?

- A 1 e 49
- B 1 e 99
- C 10 e 10
- D 25 e 25
- E 50 e 50

### Resolução:

Como é necessário utilizar 100 metros lineares de tela, tem-se:

$$\begin{aligned}2X + 2Y &= 100 \\X + Y &= 50 \\ \therefore Y &= 50 - X\end{aligned}$$

A área da base do viveiro é dada por:

$$\begin{aligned}A &= X \cdot Y \\A &= X \cdot (50 - X) \\A &= -X^2 + 50X\end{aligned}$$

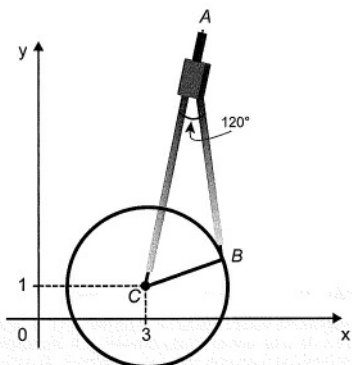
O valor de X para que a área seja máxima é o vértice.

$$X_v = \frac{-50}{2 \cdot (-1)} = 25$$

$$\therefore X = 25 \text{ e } Y = 25$$

### Questão 159

Uma desenhista projetista deverá desenhar uma tampa de panela em forma circular. Para realizar esse desenho, ela dispõe, no momento, de apenas um compasso, cujo comprimento das hastes é de 10 cm, um transferidor e uma folha de papel com um plano cartesiano. Para esboçar o desenho dessa tampa, ela afastou as hastes do compasso de forma que o ângulo formado por elas fosse de  $120^\circ$ . A ponta seca está representada pelo ponto C, a ponta do grafite está representada pelo ponto B e a cabeça do compasso está representada pelo ponto A conforme a figura.



Após concluir o desenho, ela o encaminha para o setor de produção. Ao receber o desenho com a indicação do raio da tampa, verificará em qual intervalo este se encontra e decidirá o tipo de material a ser utilizado na sua fabricação, de acordo com os dados.

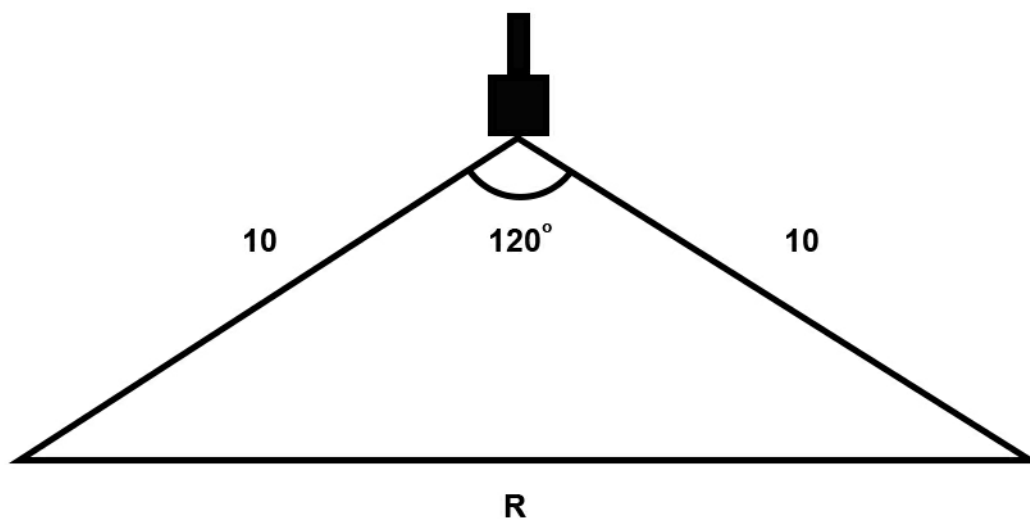
Tipo de material	Intervalo de valores do raio (cm)
I	$0 < R \leq 5$
II	$5 < R \leq 10$
III	$10 < R \leq 15$
IV	$15 < R \leq 21$
V	$21 < R \leq 40$

Considere 1,7 como aproximação para  $\sqrt{3}$ .

O tipo de material a ser utilizado pelo setor de produção será

- A I.
- B II.
- C III.
- D IV.
- E V.

### Resolução:



Pelo Teorema dos Cossenos, tem-se:

$$R^2 = 10^2 + 10^2 - 2 \cdot 10 \cdot 10 \cdot \cos 120^\circ$$

$$R^2 = 100 + 100 - 2 \cdot 10 \cdot 10 \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)$$

$$R^2 = 300 \therefore R = 10\sqrt{3}$$

Considerando  $\sqrt{3} = 1,7$  obtém-se  $R = 17$  cm

Resolve

Resolve

Resolve

Resolve

Resu.

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resu.

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resu.

Anglo Re

Anglo Re

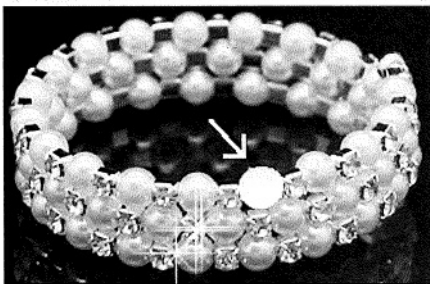
Anglo Re

Anglo Re

Anglo Re

### Questão 160

Uma pessoa ganhou uma pulseira formada por pérolas esféricas, na qual faltava uma das pérolas. A figura indica a posição em que estaria faltando esta pérola.



Ela levou a joia a um joalheiro que verificou que a medida do diâmetro dessas pérolas era 4 milímetros. Em seu estoque, as pérolas do mesmo tipo e formato, disponíveis para reposição, tinham diâmetros iguais a: 4,025 mm; 4,100 mm; 3,970 mm; 4,080 mm e 3,099 mm.

O joalheiro então colocou na pulseira a pérola cujo diâmetro era o mais próximo do diâmetro das pérolas originais.

A pérola colocada na pulseira pelo joalheiro tem diâmetro, em milímetro, igual a

- A 3,099.
- B 3,970.
- C 4,025.
- D 4,080.
- E 4,100.

### Resolução:

Têm-se as diferenças:

$$\begin{aligned}4 - 3,099 &= 0,901 \\4 - 3,970 &= 0,030 \\4,025 - 4 &= 0,025 \\4,080 - 4 &= 0,080 \\4,100 - 4 &= 0,100\end{aligned}$$

A menor diferença é 0,025. Logo, a pérola colocada tem diâmetro 4,025 mm.

### Questão 161

Em uma de suas viagens, um turista comprou uma lembrança de um dos monumentos que visitou. Na base do objeto há informações dizendo que se trata de uma peça em escala 1 : 400, e que seu volume é de 25 cm<sup>3</sup>.

O volume do monumento original, em metro cúbico, é de

- A 100.
- B 400.
- C 1 600.
- D 6 250.
- E 10 000.

### Resolução:

Seja  $V_m$  o volume, em m<sup>3</sup>, do modelo, tem-se  $V_m = 25 \cdot (10^{-2})^3$ , ou seja,  $V_m = 25 \cdot 10^{-6}$ .

Seja  $V_o$  o volume, em m<sup>3</sup>, do monumento original, tem-se:

$$\frac{V_o}{V_m} = \left(\frac{400}{1}\right)^3 \text{ e, portanto,}$$

$$V_o = 400^3 \cdot V_m$$

$$V_o = 4^3 \cdot (10^2)^3 \cdot 25 \cdot 10^{-6}$$

$$V_o = 4^2 \cdot 4 \cdot 10^6 \cdot 25 \cdot 10^{-6}$$

$$V_o = 1600$$



### Questão 162

Para uma temporada das corridas de Fórmula 1, a capacidade do tanque de combustível de cada carro passou a ser de 100 kg de gasolina. Uma equipe optou por utilizar uma gasolina com densidade de 750 gramas por litro, iniciando a corrida com o tanque cheio. Na primeira parada de reabastecimento, um carro dessa equipe apresentou um registro em seu computador de bordo acusando o consumo de quatro décimos da gasolina originalmente existente no tanque. Para minimizar o peso desse carro e garantir o término da corrida, a equipe de apoio reabasteceu o carro com a terça parte do que restou no tanque na chegada ao reabastecimento.

Disponível em: [www.superdaniloffpage.com.br](http://www.superdaniloffpage.com.br). Acesso em: 6 jul. 2015 (adaptado).

A quantidade de gasolina utilizada, em litro, no reabastecimento foi

A  $\frac{20}{0,075}$

B  $\frac{20}{0,75}$

C  $\frac{20}{7,5}$

D  $20 \times 0,075$

E  $20 \times 0,75$

### Resolução:

Consumidos:  $0,4 \cdot 100 = 40$  (kg)

Restaram:  $100 - 40 = 60$  (kg)

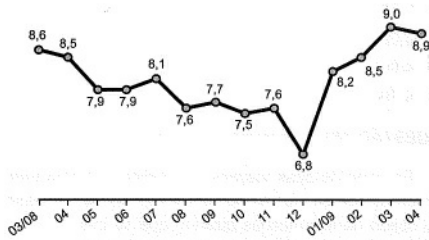
Reabastecidos:  $\frac{1}{3} \cdot 60 = 20$  (kg)

Como a densidade é de 0,75 kg por litro, a quantidade de gasolina utilizada no reabastecimento, em litro, foi de  $\frac{20}{0,75}$ .

### Questão 163

O gráfico apresenta a taxa de desemprego (em %) para o período de março de 2008 a abril de 2009, obtida com base nos dados observados nas regiões metropolitanas de Recife, Salvador, Belo Horizonte, Rio de Janeiro, São Paulo e Porto Alegre.

Taxa de desemprego (%)



IBGE. Pesquisa mensal de emprego. Disponível em: [www.ibge.gov.br](http://www.ibge.gov.br). Acesso em: 30 jul. 2012 (adaptado).

A mediana dessa taxa de desemprego, no período de março de 2008 a abril de 2009, foi de

- A 8,1%
- B 8,0%
- C 7,9%
- D 7,7%
- E 7,6%

### Resolução:

Tem-se uma amostra com 14 dados; logo, a mediana é obtida pela média aritmética dos 7º e 8º valores observados quando colocados em ordem crescente:

6,8; 7,5; 7,6; 7,6; 7,7; 7,9; 7,9; 8,1; 8,2; 8,5; 8,5; 8,6; 8,9; 9,0

$$M_d = \frac{7,9 + 8,1}{2} = \frac{16}{2} = 8$$

### Questão 164

Numa avenida existem 10 semáforos. Por causa de uma pane no sistema, os semáforos ficaram sem controle durante uma hora, e fixaram suas luzes unicamente em verde ou vermelho. Os semáforos funcionam de forma independente; a probabilidade de acusar a cor verde é de  $\frac{2}{3}$  e a de acusar a cor vermelha é de  $\frac{1}{3}$ . Uma pessoa

percorreu a pé toda essa avenida durante o período da pane, observando a cor da luz de cada um desses semáforos.

Qual a probabilidade de que esta pessoa tenha observado exatamente um sinal na cor verde?

A  $\frac{10 \times 2}{3^{10}}$

B  $\frac{10 \times 2^9}{3^{10}}$

C  $\frac{2^{10}}{3^{100}}$

D  $\frac{2^{90}}{3^{100}}$

E  $\frac{2}{3^{10}}$

### Resolução:

Considerem-se os eventos

A: acusar cor verde

B: acusar cor vermelha

$$P(A) = \frac{2}{3} \quad P(B) = \frac{1}{3}$$

A probabilidade de somente o primeiro semáforo acusar a cor verde é dada por:

$$\begin{array}{cccccccccccc} \frac{A}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} & \frac{B}{\downarrow} \\ \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^9 \end{array}$$

Como tem-se 10 semáforos, existem 10 formas de somente um deles acusar a cor verde.

Logo, a probabilidade p pedida é dada por:

$$P = \frac{2}{3} \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^9 \cdot 10$$

$$P = \frac{2}{3} \cdot \frac{1}{3^9} \cdot 10$$

$$\therefore P = \frac{10 \cdot 2}{3^{10}}$$

### Questão 165

A energia solar vai abastecer parte da demanda de energia do campus de uma universidade brasileira. A instalação de painéis solares na área dos estacionamentos e na cobertura do hospital pediátrico será aproveitada nas instalações universitárias e também ligada na rede da companhia elétrica distribuidora de energia.

O projeto inclui 100 m<sup>2</sup> de painéis solares que ficarão instalados nos estacionamentos, produzindo energia elétrica e proporcionando sombra para os carros. Sobre o hospital pediátrico serão colocados aproximadamente 300 m<sup>2</sup> de painéis, sendo 100 m<sup>2</sup> para gerar energia elétrica utilizada no campus, e 200 m<sup>2</sup> para geração de energia térmica, produzindo aquecimento de água utilizada nas caldeiras do hospital.

Suponha que cada metro quadrado de painel solar para energia elétrica gere uma economia de 1 kWh por dia e cada metro quadrado produzindo energia térmica permita economizar 0,7 kWh por dia para a universidade. Em uma segunda fase do projeto, será aumentada em 75% a área coberta pelos painéis solares que geram energia elétrica. Nessa fase também deverá ser ampliada a área de cobertura com painéis para geração de energia térmica.

Disponível em: <http://agenciabrasil.ebc.com.br>. Acesso em: 30 out. 2013 (adaptado).

Para se obter o dobro da quantidade de energia economizada diariamente, em relação à primeira fase, a área total dos painéis que geram energia térmica, em metro quadrado, deverá ter o valor mais próximo de

- A 231.
- B 431.
- C 472.
- D 523.
- E 672.

### Resolução:

1ª fase

Área no estacionamento para energia elétrica: 100 m<sup>2</sup>.

Área no hospital para energia elétrica: 100 m<sup>2</sup>.

Área total para energia elétrica: 200 m<sup>2</sup>.

Economia de energia elétrica:  $200 \cdot 1 = 200$  kWh.

Área no hospital para energia térmica: 200 m<sup>2</sup>.

Economia de energia térmica:  $200 \cdot 0,7 = 140$  kWh

Economia total de energia:  $200 + 140 = 340$  kWh.

2ª fase

Área para energia elétrica:  $200 \cdot 1,75 = 350$  m<sup>2</sup>.

Área para energia térmica:  $x$  m<sup>2</sup>.

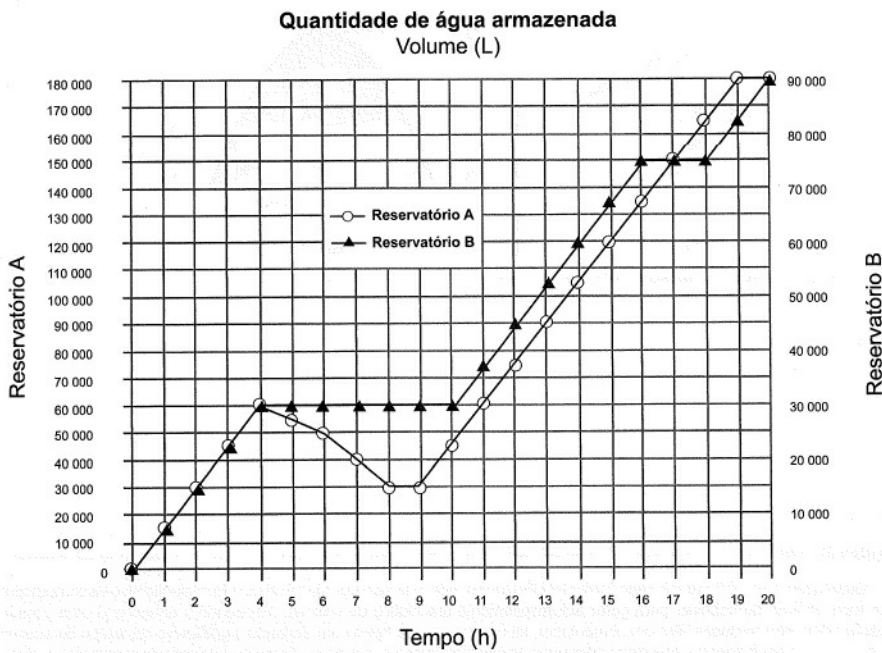
Do enunciado, tem-se:

$$x \cdot 0,7 + 350 \cdot 1 = 2 \cdot 340$$

Dessa equação resulta  $x \approx 472$ .

Questão 166

Dois reservatórios A e B são alimentados por bombas distintas por um período de 20 horas. A quantidade de água contida em cada reservatório nesse período pode ser visualizada na figura.



O número de horas em que os dois reservatórios contêm a mesma quantidade de água é

- A 1.
- B 2.
- C 4.
- D 5.
- E 6.

**Resolução:**

Fazendo a correta leitura do gráfico, observa-se que, no instante 0 h e entre os instantes 8 h e 9 h, os dois reservatórios têm a mesma quantidade de água. Assim, eles contêm a mesma quantidade de água durante 1 h.

Questão 167

A Igreja de São Francisco de Assis, obra arquitetônica modernista de Oscar Niemeyer, localizada na Lagoa da Pampulha, em Belo Horizonte, possui abóbadas parabólicas. A seta na Figura 1 ilustra uma das abóbadas na entrada principal da capela. A Figura 2 fornece uma vista frontal desta abóbada, com medidas hipotéticas para simplificar os cálculos.

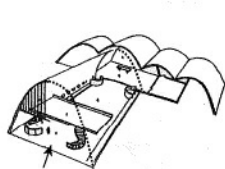


Figura 1

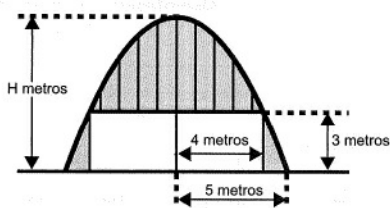


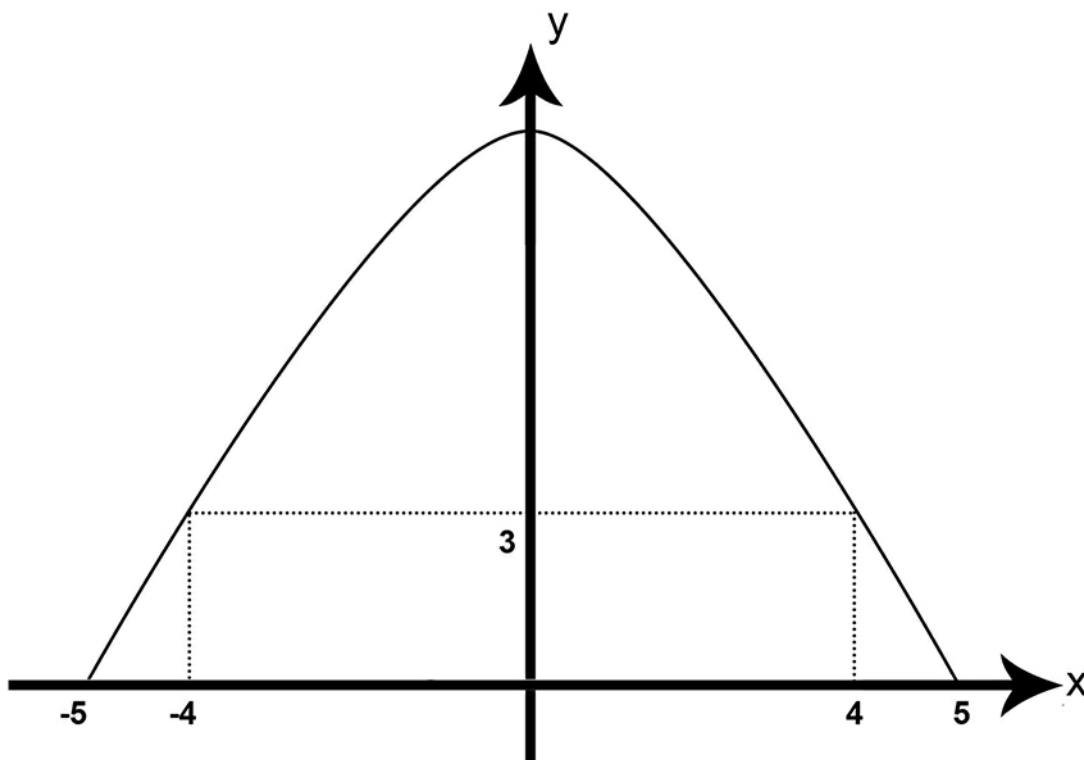
Figura 2

Qual a medida da altura H, em metro, indicada na Figura 2?

- A  $\frac{16}{3}$
- B  $\frac{31}{5}$
- C  $\frac{25}{4}$
- D  $\frac{25}{3}$
- E  $\frac{75}{2}$

Resolução:

Adotando-se um sistema de coordenadas cartesianas com origem no centro da base da igreja, tem-se:



O eixo de simetria da parábola está localizado sobre o eixo y.

A equação dessa parábola é dada por:

$$y = a \cdot (x + 5) \cdot (x - 5), a \in \mathbb{R}.$$

Mas, para  $x = 4$ , tem-se  $y = 3$ . Logo:

$$3 = a \cdot (4 + 5) \cdot (4 - 5)$$

$$\therefore a = -\frac{1}{3}$$

$$\text{Assim, } y = -\frac{1}{3} \cdot (x + 5) \cdot (x - 5)$$

A altura H é obtida para  $x = 0$

$$y = -\frac{1}{3} \cdot (0 + 5) \cdot (0 - 5) \therefore y = \frac{25}{3}$$

Logo,  $H = \frac{25}{3} \text{ m}$

je

je

je

je

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resu.

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resu.

Anglo Resolve

Anglo Resolve

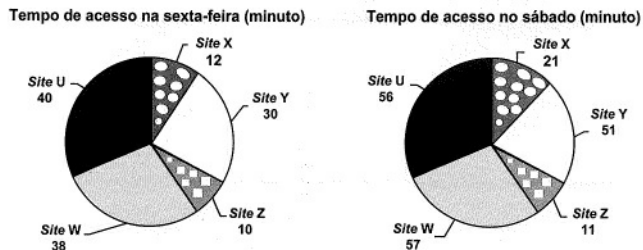
Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resu.

**Questão 168**

Quanto tempo você fica conectado à internet? Para responder a essa pergunta foi criado um miniaplicativo de computador que roda na área de trabalho, para gerar automaticamente um gráfico de setores, mapeando o tempo que uma pessoa acessa cinco sites visitados. Em um computador, foi observado que houve um aumento significativo do tempo de acesso da sexta-feira para o sábado, nos cinco sites mais acessados. A seguir, temos os dados do miniaplicativo para esses dias.



Analisando os gráficos do computador, a maior taxa de aumento no tempo de acesso, da sexta-feira para o sábado, foi no site

- A X.
- B Y.
- C Z.
- D W.
- E U.

**Resolução:**

A taxa de aumento pode ser calculada dividindo-se o tempo de acesso no sábado pelo tempo de sexta. Assim, as taxas são:

Site	Taxa
X	$\frac{21}{12} = 1,75$
Y	$\frac{51}{30} = 1,70$
Z	$\frac{11}{10} = 1,10$
W	$\frac{57}{38} = 1,50$
U	$\frac{56}{40} = 1,40$

Logo, a maior taxa de aumento foi no site X.



### Questão 169

O resultado de uma pesquisa eleitoral, sobre a preferência dos eleitores em relação a dois candidatos, foi representado por meio do Gráfico 1.

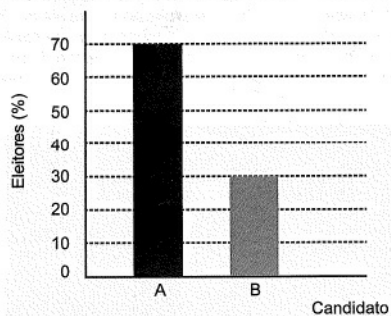


Gráfico 1

Ao ser divulgado esse resultado em jornal, o Gráfico 1 foi cortado durante a diagramação, como mostra o Gráfico 2.

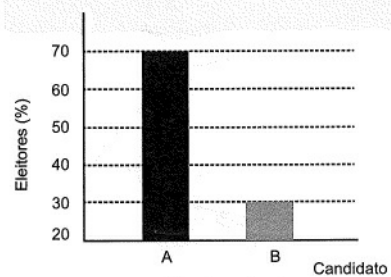


Gráfico 2

Apesar de os valores apresentados estarem corretos e a largura das colunas ser a mesma, muitos leitores criticaram o formato do Gráfico 2 impresso no jornal, alegando que houve prejuízo visual para o candidato B.

A diferença entre as razões da altura da coluna B pela coluna A nos gráficos 1 e 2 é

- A 0
- B  $\frac{1}{2}$
- C  $\frac{1}{5}$
- D  $\frac{2}{15}$
- E  $\frac{8}{35}$

### Resolução:

Tomando cada intervalo de 10 unidades percentuais para definir as alturas dos gráficos, tem-se:

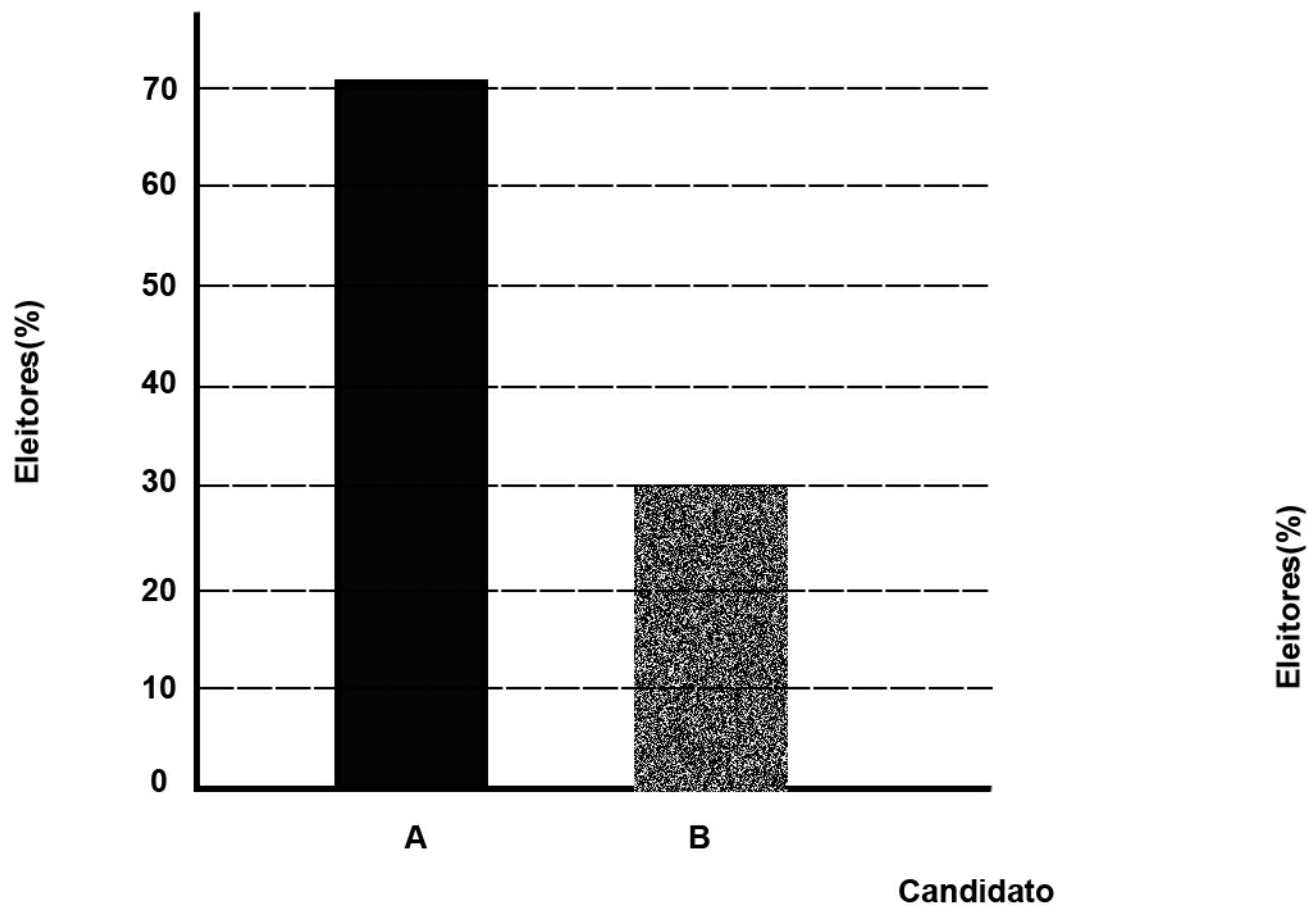


Gráfico 1

Gráfico 1  $\begin{cases} A = 7 \\ B = 3 \end{cases} \Rightarrow \frac{B}{A} = \frac{3}{7}$

Gráfico 2  $\begin{cases} A = 5 \\ B = 1 \end{cases} \Rightarrow \frac{B}{A} = \frac{1}{5}$

A diferença entre as razões é

$$\frac{3}{7} - \frac{1}{5} = \frac{15 - 7}{35} = \frac{8}{35}$$

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resolve

Anglo Resu.

Ang

Ang

Ang

Ang

Ang

### Questão 170

Um cientista, em seus estudos para modelar a pressão arterial de uma pessoa, utiliza uma função do tipo  $P(t) = A + B\cos(kt)$  em que  $A$ ,  $B$  e  $K$  são constantes reais positivas e  $t$  representa a variável tempo, medida em segundo. Considere que um batimento cardíaco representa o intervalo de tempo entre duas sucessivas pressões máximas.

Ao analisar um caso específico, o cientista obteve os dados:

Pressão mínima	78
Pressão máxima	120
Número de batimentos cardíacos por minuto	90

A função  $P(t)$  obtida, por este cientista, ao analisar o caso específico foi

- A  $P(t) = 99 + 21\cos(3\pi t)$
- B  $P(t) = 78 + 42\cos(3\pi t)$
- C  $P(t) = 99 + 21\cos(2\pi t)$
- D  $P(t) = 99 + 21\cos(t)$
- E  $P(t) = 78 + 42\cos(t)$

### Resolução:

A função que modela a pressão arterial com  $A$ ,  $B$  e  $K$  constantes reais e positivas é  $P(t) = A + B\cos(kt)$ . Da tabela tem-se que a frequência será:

$$\begin{array}{l} 90 \text{ batimentos} \text{ --- } 1 \text{ min} \\ 60 \text{ batimentos} \text{ --- } x \text{ min} \end{array} \Rightarrow x = \frac{2}{3}$$

Como o período de  $P(t)$  é  $\frac{2\pi}{|k|} = \frac{2}{3} \Rightarrow k = 3\pi$ , então  $P(t) = A + B\cos(3\pi t)$

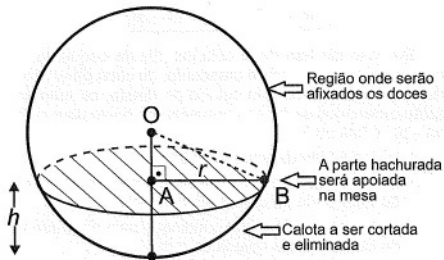
para pressão máxima, tem-se  $\cos(3\pi t) = 1$ , daí  
para pressão mínima, tem-se  $\cos(3\pi t) = -1$

$$\begin{cases} A + B = 120 \\ A - B = 78 \end{cases} \text{ resolvendo o sistema, tem-se } \begin{cases} A = 99 \\ B = 21 \end{cases}$$

então, a função  $P(t) = 99 + 21\cos(3\pi t)$

### Questão 171

Para decorar uma mesa de festa infantil, um chefe de cozinha usará um melão esférico com diâmetro medindo 10 cm, o qual servirá de suporte para espetar diversos doces. Ele irá retirar uma calota esférica do melão, conforme ilustra a figura, e, para garantir a estabilidade deste suporte, dificultando que o melão role sobre a mesa, o chefe fará o corte de modo que o raio  $r$  da seção circular de corte seja de pelo menos 3 cm. Por outro lado, o chefe desejará dispor da maior área possível da região em que serão afixados os doces.



Para atingir todos os seus objetivos, o chefe deverá cortar a calota do melão numa altura  $h$ , em centímetro, igual a

- A  $5 - \frac{\sqrt{91}}{2}$
- B  $10 - \sqrt{91}$
- C 1
- D 4
- E 5

#### Resolução:

Do enunciado, tem-se que o raio do melão é 5 cm. Logo,  $OB = 5$ . Por outro lado, para que sejam atingidos todos os objetivos, deve-se ter  $r = 3$ . Do triângulo retângulo  $OAB$ , tem-se, Pitágoras:

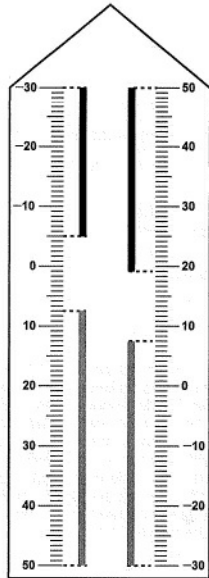
$$(OA)^2 + 3^2 = 5^2, \text{ ou seja, } OA = 4.$$

Portanto,

$$h = 5 - (OA) = 5 - 4 = 1 \text{ cm.}$$

### Questão 172

Neste modelo de termômetro, os filetes na cor preta registram as temperaturas mínima e máxima do dia anterior e os filetes na cor cinza registram a temperatura ambiente atual, ou seja, no momento da leitura do termômetro.



Por isso ele tem duas colunas. Na da esquerda, os números estão em ordem crescente, de cima para baixo, de  $-30\text{ °C}$  até  $50\text{ °C}$ . Na coluna da direita, os números estão ordenados de forma crescente, de baixo para cima, de  $-30\text{ °C}$  até  $50\text{ °C}$ .

A leitura é feita da seguinte maneira:

- a temperatura mínima é indicada pelo nível inferior do filete preto na coluna da esquerda;
- a temperatura máxima é indicada pelo nível inferior do filete preto na coluna da direita;
- a temperatura atual é indicada pelo nível superior dos filetes cinza nas duas colunas.

Disponível em: [www.if.ufrgs.br](http://www.if.ufrgs.br). Acesso em: 28 ago. 2014 (adaptado).

Qual é a temperatura máxima mais aproximada registrada nesse termômetro?

- A  $5\text{ °C}$
- B  $7\text{ °C}$
- C  $13\text{ °C}$
- D  $15\text{ °C}$
- E  $19\text{ °C}$

### Resolução:

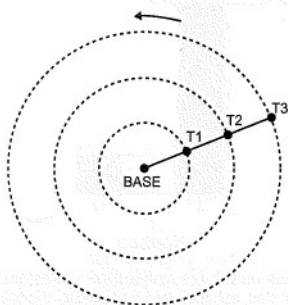
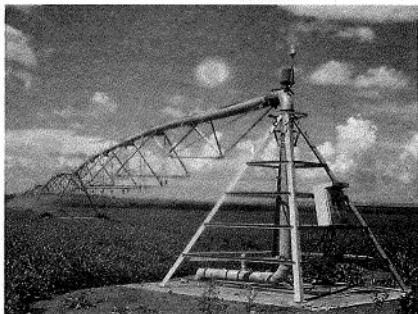
De acordo com a leitura correta do termômetro, a temperatura máxima registrada no dia anterior foi  $19\text{ °C}$ .

A temperatura atual é  $8\text{ °C}$ , menor do que  $19\text{ °C}$ .

Assim, a temperatura máxima registrada nesse termômetro é  $19\text{ °C}$ .

### Questão 173

Pivô central é um sistema de irrigação muito usado na agricultura, em que uma área circular é projetada para receber uma estrutura suspensa. No centro dessa área, há uma tubulação vertical que transmite água através de um cano horizontal longo, apoiado em torres de sustentação, as quais giram, sobre rodas, em torno do centro do pivô, também chamado de base, conforme mostram as figuras. Cada torre move-se com velocidade constante.

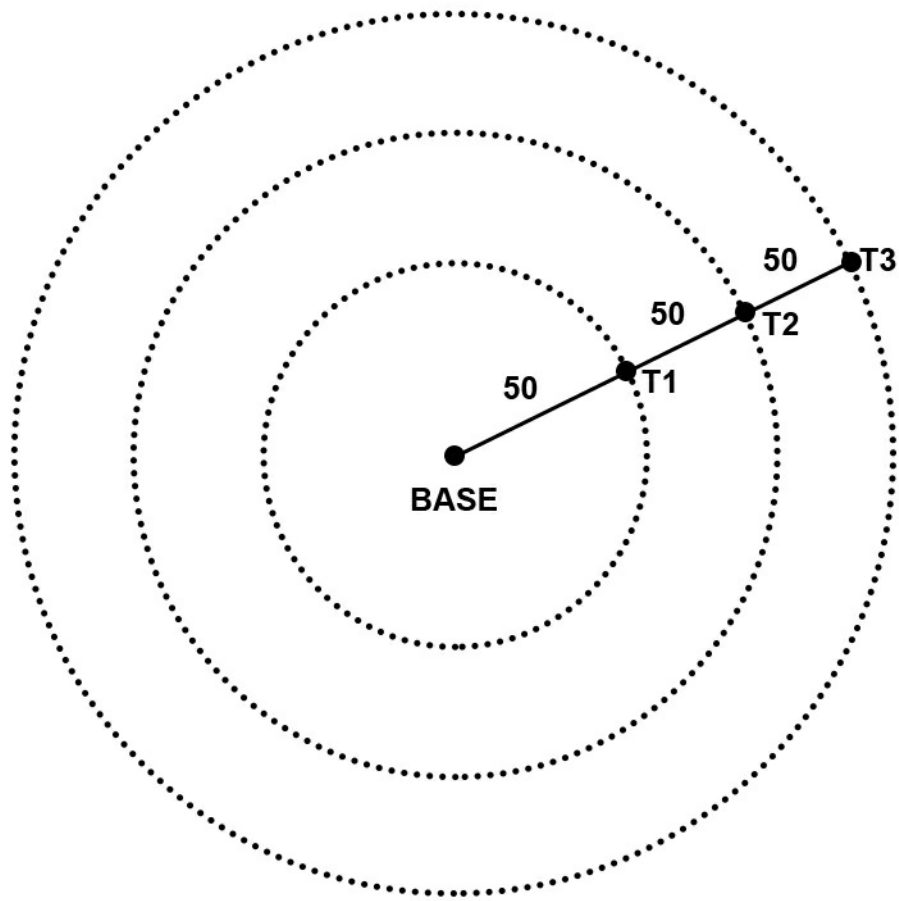


Um pivô de três torres ( $T_1$ ,  $T_2$  e  $T_3$ ) será instalado em uma fazenda, sendo que as distâncias entre torres consecutivas bem como da base à torre  $T_1$ , são iguais a 50 m. O fazendeiro pretende ajustar as velocidades das torres, de tal forma que o pivô efetue uma volta completa em 25 horas. Use 3 como aproximação para  $\pi$ .

Para atingir seu objetivo, as velocidades das torres  $T_1$ ,  $T_2$  e  $T_3$  devem ser, em metro por hora, de

- A 12, 24 e 36.
- B 6, 12 e 18.
- C 2, 4 e 6.
- D 300, 1 200 e 2 700.
- E 600, 2 400 e 5 400.

Resolução:



Velocidade da Torre  $T_1$ :

$$\frac{2\pi \cdot 50}{25} \approx \frac{2 \cdot 3 \cdot 50}{25} = 12 \text{ m/h}$$

Velocidade da Torre  $T_2$ :

$$\frac{2\pi \cdot 100}{25} \approx \frac{2 \cdot 3 \cdot 100}{25} = 24 \text{ m/h}$$

Velocidade da Torre  $T_3$ :

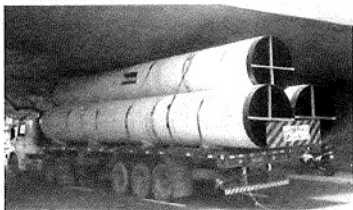
$$\frac{2\pi \cdot 150}{25} \approx \frac{2 \cdot 3 \cdot 150}{25} = 36 \text{ m/h}$$

### Questão 174

A manchete demonstra que o transporte de grandes cargas representa cada vez mais preocupação quando feito em vias urbanas.

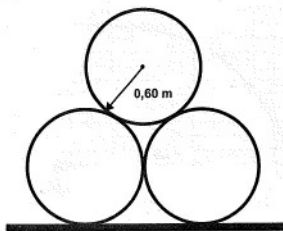
#### Caminhão entala em viaduto no Centro

Um caminhão de grande porte entalou embaixo do viaduto no cruzamento das avenidas Borges de Medeiros e Loureiro da Silva no sentido Centro-Bairro, próximo à Ponte de Pedra, na capital. Esse veículo vinha de São Paulo para Porto Alegre e transportava três grandes tubos, conforme ilustrado na foto.



Disponível em: [www.caminhoes-e-carretas.com](http://www.caminhoes-e-carretas.com). Acesso em: 21 maio 2012 (adaptado).

Considere que o raio externo de cada cano da imagem seja 0,60 m e que eles estejam em cima de uma carroceria cuja parte superior está a 1,30 m do solo. O desenho representa a vista traseira do empilhamento dos canos.



A margem de segurança recomendada para que um veículo passe sob um viaduto é que a altura total do veículo com a carga seja, no mínimo, 0,50 m menor do que a altura do vão do viaduto.

Considere 1,7 como aproximação para  $\sqrt{3}$ .

Qual deveria ser a altura mínima do viaduto, em metro, para que esse caminhão pudesse passar com segurança sob seu vão?

- A 2,82
- B 3,52
- C 3,70
- D 4,02
- E 4,20

#### Resolução:

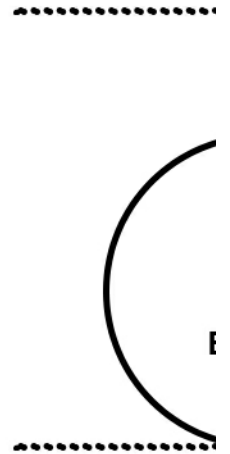
Do enunciado, tem-se a figura:



---

## Margem de Segurança

---



---

Os centros A, B e C das circunferências são os vértices de um triângulo equilátero de lado 1,2.

No triângulo retângulo ABH, tem-se:

$$\text{sen } 60^\circ = \frac{AH}{AB} \therefore \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{h}{1,2}$$

Considerando  $\sqrt{3} = 1,7$ , tem-se:

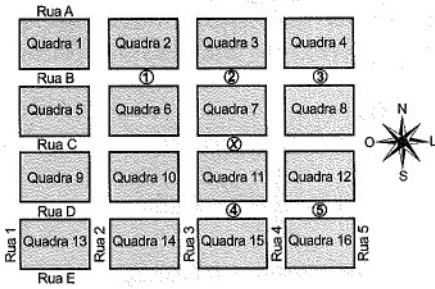
$$\frac{1,7}{2} = \frac{h}{1,2} \therefore h = 1,02$$

Assim, a altura mínima pedida é:

$$x = 1,3 + 0,6 + 1,02 + 0,6 + 0,5, \text{ ou seja, } \boxed{x = 4,02 \text{ m}}$$

### Questão 175

Um menino acaba de se mudar para um novo bairro e deseja ir à padaria. Pediu ajuda a um amigo que lhe forneceu um mapa com pontos numerados, que representam cinco locais de interesse, entre os quais está a padaria. Além disso, o amigo passou as seguintes instruções: a partir do ponto em que você se encontra, representado pela letra X, ande para oeste, vire à direita na primeira rua que encontrar, siga em frente e vire à esquerda na próxima rua. A padaria estará logo a seguir.

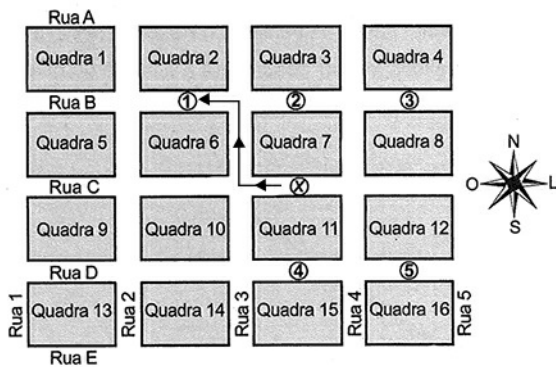


A padaria está representada pelo ponto numerado com

- A 1.
- B 2.
- C 3.
- D 4.
- E 5.

### Resolução:

Seguindo as instruções dadas pelo amigo, o menino percorrerá o trajeto representado abaixo:



Logo, a padaria é representada pelo ponto 1.

### Questão 176

Três alunos, X, Y e Z, estão matriculados em um curso de inglês. Para avaliar esses alunos, o professor optou por fazer cinco provas. Para que seja aprovado nesse curso, o aluno deverá ter a média aritmética das notas das cinco provas maior ou igual a 6. Na tabela, estão dispostas as notas que cada aluno tirou em cada prova.

Aluno	1ª Prova	2ª Prova	3ª Prova	4ª Prova	5ª Prova
X	5	5	5	10	6
Y	4	9	3	9	5
Z	5	5	8	5	6

Com base nos dados da tabela e nas informações dadas, ficará(ão) reprovado(s)

- A apenas o aluno Y.
- B apenas o aluno Z.
- C apenas os alunos X e Y.
- D apenas os alunos X e Z.
- E os alunos X, Y e Z.

### Resolução:

Média do aluno X:

$$\frac{5 + 5 + 5 + 10 + 6}{5} = \frac{31}{5} = 6,2$$

Média do aluno Y:

$$\frac{4 + 9 + 3 + 9 + 5}{5} = \frac{30}{5} = 6$$

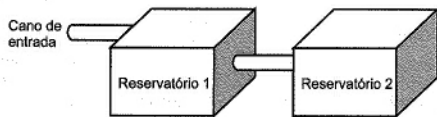
Média do aluno Z:

$$\frac{5 + 5 + 8 + 5 + 6}{5} = \frac{29}{5} = 5,8$$

Apenas o aluno Z obteve média menor que 6. Portanto, apenas o aluno Z será reprovado.

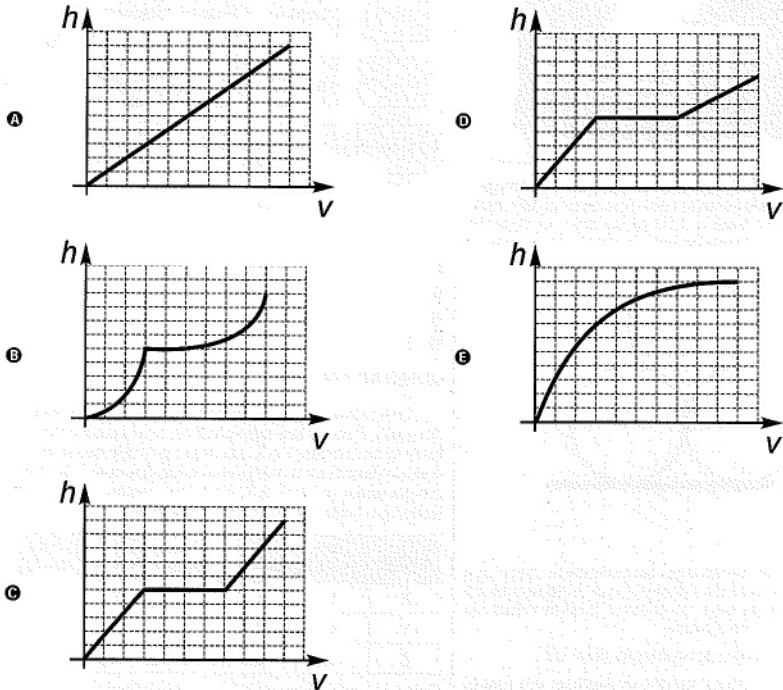
Questão 177

A água para o abastecimento de um prédio é armazenada em um sistema formado por dois reservatórios idênticos, em formato de bloco retangular, ligados entre si por um cano igual ao cano de entrada, conforme ilustra a figura.



A água entra no sistema pelo cano de entrada no Reservatório 1 a uma vazão constante  $e$ , ao atingir o nível do cano de ligação, passa a abastecer o Reservatório 2. Suponha que, inicialmente, os dois reservatórios estejam vazios.

Qual dos gráficos melhor descreverá a altura  $h$  do nível da água no Reservatório 1, em função do volume  $V$  de água no sistema?



Resolução:

Considerando o nível da água no Reservatório 1, pode-se destacar três fases.

Fase 1

O nível da água no Reservatório 1 é menor que o nível do cano de ligação e o nível da água no Reservatório 2 é igual a zero. Nessa fase,  $h = k \cdot V$ , sendo  $k$  uma constante.

Fase 2

O nível da água do Reservatório 1 é igual ao nível do cano de ligação e o nível da água no Reservatório 2 é menor que o nível do cano de ligação. Nessa fase,  $h = c$ , sendo  $c$  uma constante dada pelo nível do cano de ligação.

Fase 3

O nível da água no Reservatório 1 é maior que o nível do cano de ligação e igual ao nível da água no Reservatório 2. Nessa fase, tem-se  $h = c + \frac{k}{2} \cdot v$

O gráfico que melhor descreverá a altura  $h$  do nível da água no Reservatório 1 em função do volume  $V$  da água no sistema é dado pela alternativa D.

### Questão 178

O fisiologista inglês Archibald Vivian Hill propôs, em seus estudos, que a velocidade  $v$  de contração de um músculo ao ser submetido a um peso  $p$  é dada pela equação  $(p + a)(v + b) = K$ , com  $a$ ,  $b$  e  $K$  constantes.

Um fisioterapeuta, com o intuito de maximizar o efeito benéfico dos exercícios que recomendaria a um de seus pacientes, quis estudar essa equação e a classificou desta forma:

Tipo de curva
Semirreta oblíqua
Semirreta horizontal
Ramo de parábola
Arco de circunferência
Ramo de hipérbole

O fisioterapeuta analisou a dependência entre  $v$  e  $p$  na equação de Hill e a classificou de acordo com sua representação geométrica no plano cartesiano, utilizando o par de coordenadas  $(p; v)$ . Admita que  $K > 0$ .

Disponível em: <http://rsps.royalsocietypublishing.org>. Acesso em: 14 jul. 2015 (adaptado).

O gráfico da equação que o fisioterapeuta utilizou para maximizar o efeito dos exercícios é do tipo

- A semirreta oblíqua.
- B semirreta horizontal.
- C ramo de parábola.
- D arco de circunferência.
- E ramo de hipérbole.

### Resolução:

Desenvolvendo o primeiro membro da igualdade e isolando  $v$ , tem-se:

$$(p + a) \cdot (v + b) = K \therefore$$

$$p \cdot v + p \cdot b + a \cdot v + a \cdot b = K \therefore$$

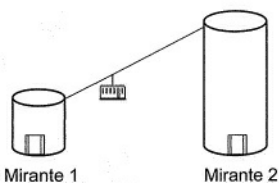
$$v(a + p) = K - b(a + p) \therefore$$

$$v(p) = \frac{K}{a + p} - b \quad (\text{admitindo que } p \neq -a)$$

Dado que funções do tipo  $f(x) = \frac{1}{x + c}$ , com  $x \neq -c$ , têm como gráfico uma hipérbole, tem-se que o gráfico de  $v(p)$  é um ramo de hipérbole.

### Questão 179

Em um parque há dois mirantes de alturas distintas que são acessados por elevador panorâmico. O topo do mirante 1 é acessado pelo elevador 1, enquanto que o topo do mirante 2 é acessado pelo elevador 2. Eles encontram-se a uma distância possível de ser percorrida a pé, e entre os mirantes há um teleférico que os liga que pode ou não ser utilizado pelo visitante.



O acesso aos elevadores tem os seguintes custos:

- Subir pelo elevador 1: R\$ 0,15;
- Subir pelo elevador 2: R\$ 1,80;
- Descer pelo elevador 1: R\$ 0,10;
- Descer pelo elevador 2: R\$ 2,30.

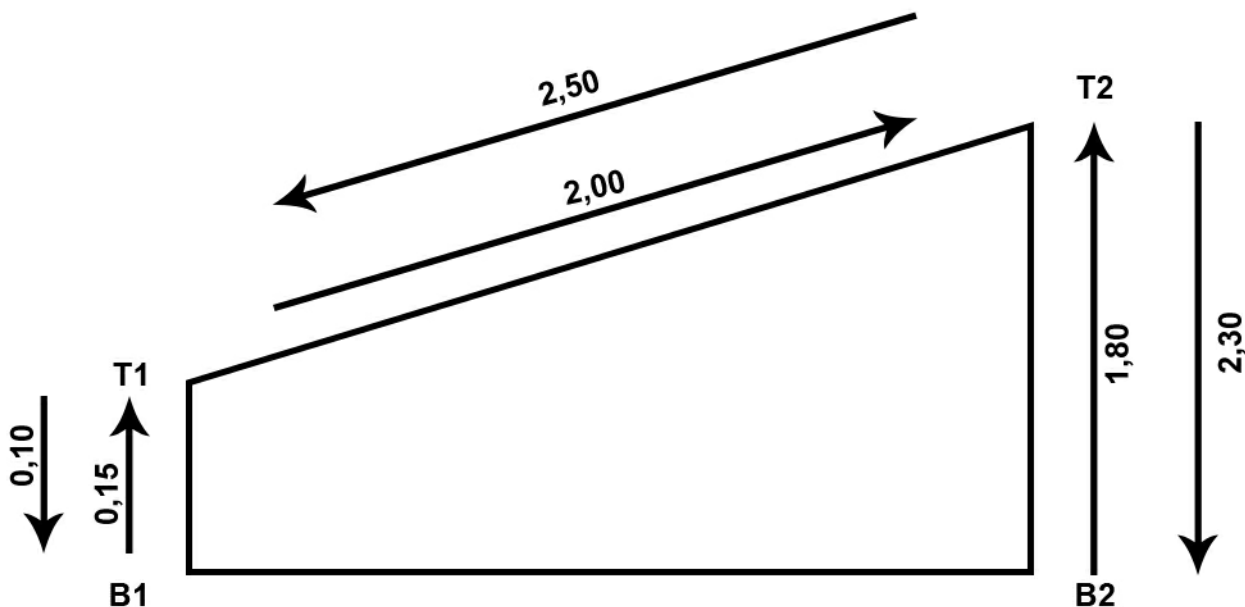
O custo da passagem do teleférico partindo do topo do mirante 1 para o topo do mirante 2 é de R\$ 2,00, e do topo do mirante 2 para o topo do mirante 1 é de R\$ 2,50.

Qual é o menor custo, em real, para uma pessoa visitar os topos dos dois mirantes e retornar ao solo?

- Ⓐ 2,25
- Ⓑ 3,90
- Ⓒ 4,35
- Ⓓ 4,40
- Ⓔ 4,45

### Resolução:

Nos esquemas a seguir são apresentadas as possibilidades e os respectivos custos:



Adotando-se, por exemplo,  $B_1 \rightarrow T_1$ , o deslocamento da base do mirante 1 para o topo do mirante 1 (observe que os custos são indicados abaixo de cada deslocamento):

**Opção 1 : B1→T1→B1→B2→T2→B2**  
 $0,15 + 0,10 + 0 + 1,80 + 2,30 = 4,35$

**Opção 2 : B1→T1→T2→B2**  
 $0,15 + 2,00 + 2,30 = 4,45$

**Opção 3 : B2→T2→T1→B1**  
 $1,80 + 2,50 + 0,10 = 4,40$

Como qualquer outra opção envolveria ida e volta no teleférico, que custa R\$4,50, o menor custo é R\$4,35 (opção 1).

### Questão 180

A mensagem digitada no celular, enquanto você dirige, tira a sua atenção e, por isso, deve ser evitada. Pesquisas mostram que um motorista que dirige um carro a uma velocidade constante percorre "às cegas" (isto é, sem ter visão da pista) uma distância proporcional ao tempo gasto ao olhar para o celular durante a digitação da mensagem. Considere que isso de fato aconteça. Suponha que dois motoristas (X e Y) dirigem com a mesma velocidade constante e digitam a mesma mensagem em seus celulares. Suponha, ainda, que o tempo gasto pelo motorista X olhando para seu celular enquanto digita a mensagem corresponde a 25% do tempo gasto pelo motorista Y para executar a mesma tarefa.

Disponível em: <http://g1.globo.com>. Acesso em: 21 jul. 2012 (adaptado).

A razão entre as distâncias percorridas às cegas por X e Y, nessa ordem, é igual a

- A  $\frac{5}{4}$
- B  $\frac{1}{4}$
- C  $\frac{4}{3}$
- D  $\frac{4}{1}$
- E  $\frac{3}{4}$

### Resolução:

Como ambas as velocidades são constantes e iguais, pode-se escrever

$$v = \frac{\Delta s}{\Delta t} \Rightarrow \Delta s = v \cdot \Delta t$$

Seja  $\Delta t$  o tempo durante o qual o motorista Y dirigiu "às cegas", então

$$\Delta s_Y = v \cdot \Delta t \quad (I)$$

Como o motorista X gastou 25% do tempo que o motorista Y gastou na digitação, tem-se:

$$\Delta s_X = v \cdot (0,25 \cdot \Delta t) \quad (II)$$

Logo, de (1) e (2), tem-se:

$$\frac{\Delta s_X}{\Delta s_Y} = \frac{v \cdot 0,25 \cdot \Delta t}{v \cdot \Delta t} = 0,25 = \frac{1}{4}$$



